

---

UNIVERSITI SAINS MALAYSIA

Second Semester Examination  
Academic Session 2007/2008

April 2008

**ZCT 317/3 – Solid State Physics II**  
***[Fizik Keadaan Pepejal II]***

Duration: 3 hours  
*[Masa : 3 jam]*

---

Please ensure that this examination paper contains SIX printed pages before you begin the examination.

*[Sila pastikan bahawa kertas peperiksaan ini mengandungi ENAM muka surat yang bercetak sebelum anda memulakan peperiksaan ini.]*

**Instruction:** Answer ALL questions. Students are allowed to answer all questions in Bahasa Malaysia or in English.

**Arahan:** Jawab SEMUA soalan. Pelajar dibenarkan menjawab semua soalan sama ada dalam Bahasa Malaysia atau Bahasa Inggeris.]

1. The expression for the energies of the  $s$ -band in face-centered cubic crystal for tight binding is given as

[Ungkapan tenaga untuk jalur- $s$  di dalam hablur kubik berpusat muka bagi ikatan ketat diberi oleh]

$$\varepsilon_{\mathbf{k}} = E_s - \beta + 4\gamma(\cos \frac{1}{2}k_x a \cos \frac{1}{2}k_y a + \cos \frac{1}{2}k_y a \cos \frac{1}{2}k_z a + \cos \frac{1}{2}k_z a \cos \frac{1}{2}k_x a)$$

where  $E_s$ ,  $\beta$ , and  $\gamma$  do not depend on  $k$ .

[Di mana  $E_s$ ,  $\beta$ , dan  $\gamma$  tidak bergantung kepada  $k$ .]

- (a) Reduce the above expression to a simpler form for  $k$  from  $\Gamma$  to  $X$  using  
[Permudah ungkapan di atas untuk  $k$  dari  $\Gamma$  hingga  $X$  menggunakan]

$$k_z = k_y = 0 \text{ and } k_x = \mu 2\pi/a, \quad (0 \leq \mu \leq 1)$$

(6/20)

- (b) Do the same for  $\Gamma$  to  $L$  this time using the following expression,  
[Lakukan perkara yang sama untuk  $\Gamma$  hingga  $L$  tetapi sekarang menggunakan ungkapan berikut,]

$$k_x = k_y = k_z = \mu 2\pi/a, \quad (0 \leq \mu \leq \frac{1}{2})$$

(6/20)

- (c) Plot against  $k$  for  $\Gamma$  to  $X$  the energy expression obtained in (b) taking  
[Plot ungkapan tenaga yang diperolehi di (b) melawan  $k$  untuk  $\Gamma$  hingga  $X$  dengan mengambil]

$$E_s = \beta = 0 \text{ and } \gamma = 0.25$$

(8/20)

2. (a) Obtain the macroscopic electric field for a sphere of radius  $R$  inside the sphere with constant polarization  $\mathbf{P}$  along the z-axis.

[Dapatkan medan elektrik makroskopi untuk suatu sfera berjejari  $R$  di dalam suatu sfera dengan pengkutuban malar  $\mathbf{P}$  disepanjang paksi-z.]

(8/20)

.../3-

- (b) Obtain the dielectric constant of the sphere in (a).  
*[Dapatkan pemalar medan elektrik untuk sfera di (a).]*

(4/20)

- (c) Differentiate between an ordinary dielectric and a ferroelectric. What is a first order transition. Explain using Landau theory.  
*[Bezakan di antara dwielektrik biasa dan ferroelektrik. Apakah transisi tertib pertama. Terangkan menggunakan teori Landau.]*

(8/20)

3. (a) Using the concept of free energy explain why a metal in a superconducting state transforms into a normal state at a certain critical value  $B_{ac}$  of applied magnetic field.

*[Menggunakan konsep tenaga bebas terangkan kenapa logam di dalam keadaan superkonduktor menjelma ke dalam keadaan normal pada suatu nilai kritikal  $B_{ac}$  bagi medan magnet yang dikenakan.]*

(7/20)

- (b) Show that the magnetic flux through a loop is quantized. Obtain an expression for the quantum of flux. Why would you call it a quantum mechanical effect.  
*[Tunjukkan bahawa fluks magnet melalui suatu lingkaran adalah terkuantum. Dapatkan ungkapan bagi suatu kuantum fluks. Kenapa ianya dipanggil kesan kuantum mekanik?]*

(7/20)

- (c) The intrinsic coherence length  $\xi_0$  for Pb is  $8.3 \times 10^{-6}$  cm and  $\lambda_L$  has the value  $3.7 \times 10^{-6}$  cm. What type of superconductor is Pb? What effect impurities have on these constants?

*[Panjang koheren intrinsik  $\xi_0$  untuk Pb ialah  $8.3 \times 10^{-6}$  cm dan  $\lambda_L$  mempunyai nilai  $3.7 \times 10^{-6}$  cm. Apakah jenis superkonduktor Pb ini? Apakah kesan berasaskan terhadap pemalar-pemalar ini?]*

(6/20)

4. (a) In a 2-dimensional crystal the maximum energy  $E_F$  of electrons is 2 eV. How many  $k$  states would the circle of radius  $k_F$  in Fig.1 contain given the area of crystal is  $0.5 \text{ cm}^2$ . Note  $E_F = \frac{\hbar^2 k_F^2}{2m}$  and  $D(E) = \frac{m}{\pi \hbar^2} A$ , where  $A$  is the area

of the 2-D crystal. Hint : Total states  $\Omega(E_F) = \int_0^{E_F} D(E) dE$

[Di dalam hablur 2 dimensi, tenaga maksimum elektron  $E_F$  ialah 2 eV. Berapa banyak keadaan  $k$  yang terdapat di dalam suatu bulatan berjejari  $k_F$  di dalam Rajah 1. Diberi luas hablur ialah  $0.5 \text{ cm}^2$ . Ambil  $E_F = \frac{\hbar^2 k_F^2}{2m}$  dan

$$D(E) = \frac{m}{\pi \hbar^2} A, \text{ di mana } A \text{ ialah luas hablur.}]$$

$$\text{Ambil : Jumlah keadaaan } \Omega(E_F) = \int_0^{E_F} D(E) dE$$

(7/20)

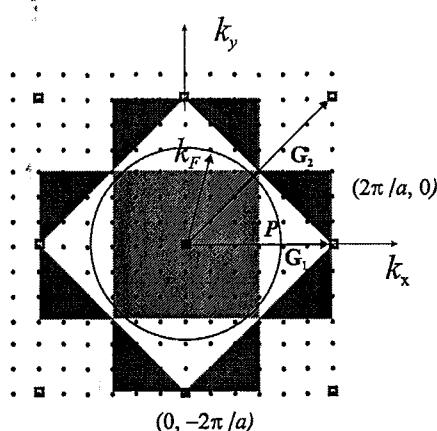


Fig.1

- (b) Taking into account the spin of the electrons, what is the electron density?  
[Mengambil kira spin elektron, apakah ketumpatan elektron?]

(3/20)

- (c) How many Brillouin Zones do the electrons occupy?  
*[Berapakah jumlah Zon Brillouin yang diduduki elektron?]*

(2/20)

- (d) Figs. 2(a) and 2(b) show the Fermi surfaces of two different crystals? For each of the diagram in Table 1 on your answer sheet write down the required informations.  
*[Rajah 2(a) dan 2(b) menunjukkan permukaan-permukaan Fermi untuk dua hablur yang berbeza. Untuk setiap rajah di dalam jadual dalam jawapan anda, tuliskan maklumat yang diperlukan.]*

(8/20)

Table 1 [*Rajah*]

Fig. 2(a) <i>[Rajah 2(a)]</i>	Crystal structure What is it? <i>[Apakah struktur hablur?]</i>	Valence 1,2,3,4? <i>[Valen 1,2,3,4?]</i>	Metal, Semiconductor, Insulator? <i>[Logam, Semikonduktor, Penebat?]</i>	Number of Brillouin zones occupied. <i>[Jumlah Zon Brillouin yang diduduki]</i>	Examples Give two <i>[Beri dua contoh]</i>	Space in which the diagram is drawn <i>[Lakarkan rajah di sini]</i>
Fig. 2(b) <i>[Rajah 2(b)]</i>	Crystal structure What is it? <i>[Apakah struktur hablur?]</i>	Valence 1,2,3,4? <i>[Valen 1,2,3,4?]</i>	Metal, Semiconductor, Insulator? <i>[Logam, Semikonduktor, Penebat?]</i>	Number of Brillouin zones occupied. <i>[Jumlah Zon Brillouin yang diduduki]</i>	Examples Give two <i>[Beri dua contoh ]</i>	Space in which the diagram is drawn <i>[Lakarkan rajah di sini]</i>

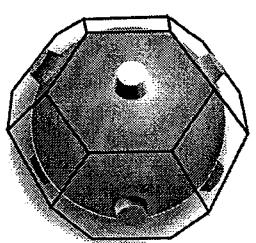


Fig. 2(a)

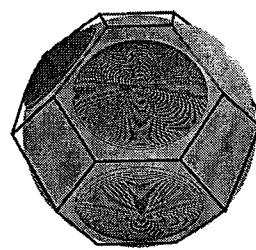


Fig. 2(b)

5. (a) Consider a metal with many partially filled bands. For each band  $\mathbf{E}_n = \rho \mathbf{J}_n$ . Since  $\mathbf{E} = \rho \mathbf{J}$  show that  $\rho = (\sum_n \rho_n^{-1})^{-1}$ .

[Pertimbangkan suatu logam dengan jalur separa penuh. Untuk setiap jalur  $\mathbf{E}_n = \rho \mathbf{J}_n$ . Oleh kerana  $\mathbf{E} = \rho \mathbf{J}$  tunjukkan bahawa  $\rho = (\sum_n \rho_n^{-1})^{-1}$ ]

(8/20)

- (b) Consider a monovalent tetragonal metal with faces separated by  $3 \times 10^8 \text{ cm}^{-1}$ . A magnetic field of  $10^3 \text{ gauss} = 10^{-1} \text{ tesla}$  is normal to the plane of the orbit. What is the order of magnitude of period of motion in k space? Take  $v = 10^8 \text{ cm/sec}$ .  
 [Pertimbangkan logam tetragonal monovalen dengan muka-muka dipisahkan sebanyak  $3 \times 10^8 \text{ cm}^{-1}$ . Medan magnet  $10^3 \text{ gauss} = 10^{-1}$  adalah normal kepada satah orbit. Apakah nilai magnitud bagi tempoh untuk pergerakan di dalam ruang k? Ambil  $v = 10^8 \text{ cm/s.}$ ]

(8/20)

- (c) Describe the electron motion in real space.  
 [Terangkan pergerakan elektron dalam ruang nyata.]

(4/20)