
UNIVERSITI SAINS MALAYSIA

Peperiksaan Semester Pertama
Sidang Akademik 2002/2003

September 2002

BOI 109/4 - Biostatistik

Masa : [3 jam]

Sila pastikan bahawa kertas peperiksaan ini mengandungi ENAM muka surat soalan yang bercetak dan SEPULUH muka surat lampiram sebelum anda memulakan peperiksaan ini.

Jawab LIMA daripada ENAM soalan yang diberikan, dalam Bahasa Malaysia.

Tiap-tiap soalan bernilai 20 markah.

ARAHAN: Gunakan kaedah parametrik bagi semua analisis melainkan jika syarat tidak di penuhi.

1. Dugong merupakan mamalia laut yang hidup secara berkumpulan. Tanpa pengaruh luar sesuatu kumpulan selalunya terdiri daripada lebih kurang 50 ekor dugong. Kebelakangan ini, disebabkan oleh aktiviti manusia, pergerakan dugong ini agak terhad dan ini mengakibatkan peningkatan pembiakan dalaman yang seterusnya mengakibatkan ketidakseragaman berat haiwan tersebut. Seorang penyelidik telah membuat kajian di kawasan Selat Johor dengan menimbang berat 20 ekor dugong yang telah ditangkap. Datanya (dalam unit kg) adalah seperti berikut:

350 378 361 280 346 289 377 360 374 392
383 345 291 378 395 365 284 390 388 345

- (a) Apakah selang keyakinan 95% bagi min berat populasi dugong ini?
- (b) Apakah selang keyakinan 99% bagi varians berat populasi dugong ini?
- (c) Penyelidik telah mendapat maklumat bahawa varians berat populasi dugong di kawasan berkenaan sebelum dipengaruhi oleh aktiviti manusia ialah 990 g^2 . Berasaskan maklumat-maklumat ini bolehkah kita menyokong dakwaan yang mengatakan pengaruh aktiviti manusia mengakibatkan berat dugong yang kurang seragam?

(20 markah)

2. (a) Tuliskan ringkasan untuk membezakan antara nilai α dan aras bererti p .

(7 markah)

- (b) Cekera Secchi merupakan suatu alat mudah yang biasa digunakan untuk menentukan kejernihan atau kekeruhan sesuatu badan air. Untuk menentukan nilai tersebut, cekera ini (yang diikat dengan tali) diturunkan ke dalam air. Apabila cekera ini mula hilang daripada penglihatan, kedalaman direkodkan. Bagi air yang jernih, nilai kedalaman ini tinggi manakala bagi air yang keruh nilainya rendah. Seorang pelajar daripada Pusat Kajian Samudera dan Pantai, USM, telah menjalankan kajian di persekitaran perairan Pulau Payar, Kedah, dan Pulai Kendi, P. Pinang. Dia menentukan kedalaman cekera Secchi di beberapa lokasi di kedua-dua pulau ini. Datanya (diberi dalam unit m) adalah seperti yang disertakan. **Dengan andaian data ini datangnya daripada populasi yang tidak bertaburan normal, jalankan ujian statistik yang sesuai bagi membandingi kejernihan/kekeruhan perairan dua pulau ini.**

Pulau Payar	Pulau Kendi
4.2	2.8
3.9	3.5
4.1	2.9
3.8	3.6
3.5	2.9
4.0	3.1
4.4	3.0
3.4	3.4
3.7	3.3
3.5	3.8
	3.6
	2.8

(13 markah)

3. Seorang penyelidik telah menjalankan eksperimen untuk mengkaji kesan karbon dioksida terhadap kadar pernafasan. Seorang sukarelawan telah bersetuju untuk melibatkan diri di dalam eksperimen ini. Semasa eksperimen dijalankan, sukarelawan tersebut diminta menyedut udara daripada sebuah bag yang mengandungi kandungan karbon dioksida yang telah ditetapkan. Kandungan karbon dioksida (diukur dalam bentuk tekanan bahagian atau 'partial pressure' dan dilaporkan dalam unit tor) dan kadar pernafasan direkodkan seperti di bawah:

Tekanan Bahagian CO ₂ (tor)	Kadar Pernafasan nafas/minit
40	13.2
42	14.6
44	16.6
46	16.7
48	18.3
50	18.2
30	8.1
32	8.0
34	9.9
36	11.2
38	11.0
28	7.8

- (a) Adakah pertalian antara dua parameter ini berbentuk korelasi atau regresi? Kenapa?
- (b) Tunjukkan pertalian tersebut dengan suatu persamaan.
- (c) Nyatakan berapa kuatkah pertalian tersebut.
- (d) Jika sukarelawan tersebut menyedut udara yang mengandungi 52 tor CO₂, apakah anggaran kadar pernafasannya? Adakah anggaran ini baik? Huraikan.

(20 markah)

4. Melalui laporan yang telah diterbitkan, anda mengetahui bahawa hasil padi boleh dipengaruhi oleh jenis baja yang digunakan dan juga kepadatan tanaman padi tersebut. Anda ingin mengkaji dakwaan ini dengan menggunakan 4 jenis baja yang berbeza dan 3 kepadatan tanaman pokok padi. Huraikan bagaimana anda akan menjalankan eksperimen ini berserta andaian-andaian yang perlu dibuat. Seterusnya huraikan juga kaedah statistik yang sesuai bagi menganalisis data yang akan dihasilkan. Bagi penghuraian statistik, sertakan hipotesis, ujian statistik, kawasan tolak dan kesimpulan jika H_0 ditolak.

(20 markah)

5. (a) Suatu kajian telah dijalankan tentang taburan organisma yang dikaitkan dengan spesies bunga karang yang berbeza. Bagi kajian tersebut, 3 spesies bunga karang telah dipilih dan kumpulan karang tertentu dikenalpasti. Seterusnya bilangan siput spesies A, B, dan C yang terdapat pada bunga karang direkodkan. Datanya adalah seperti yang disertakan.

	Bunga Karang			
	<i>Pocillopora eydouxi</i>	<i>Acropora</i> sp.	<i>Acropora aspera</i>	Jumlah
Spesies A	6	2	14	22
Spesies B	7	21	1	29
Spesies C	15	30	18	63

Berasaskan data ini dan dengan menjalankan analisis statistik, beri kesimpulan sama ada taburan spesies siput sama atau berbeza bagi 3 kumpulan bunga karang ini.

(12 markah)

- (b) Berasaskan model Mendel, progeni kacukan sendiri ('self-fertilization') sejenis bunga dijangkakan akan menghasilkan bunga merah, merah jambu dan putih dalam nisbah 1:2:1. Sejumlah 240 progeni dihasilkan dengan 55 pokok bunga merah, 132 merah jambu dan 53 pokok bunga putih. Adakah data ini secocok dengan model Mendel?

(8 markah)

6. (a) Beriuraian mengenai taburan Poisson.

(7 markah)

(b) Satu daripada kesan sampingan yang mungkin berlaku jika seseorang wanita itu mengamalkan kontraseptif oral (mengambil pil pencegah kehamilan) ialah peningkatan tekanan darah. Di bawah disertakan nilai tekanan darah sistoli bagi 13 orang wanita yang diambil sebelum dan selepas mengamalkan kontraseptif oral bagi jangka masa 6 bulan. Dengan andaian tekanan darah sistoli bertaburan normal, adakah data ini menyarankan bahawa pengamalan kontraseptif oral mengakibatkan peningkatan tekanan darah?

Wanita	Sebelum Mengambil Pil	Semasa Mengambil Pil
1	113	118
2	117	123
3	111	114
4	107	115
5	115	122
6	134	140
7	121	120
8	108	108
9	106	111
10	125	130
11	130	134
12	119	118
13	125	127

(13 markah)

FORMULA YANG MUNGKIN DIPERLUKAN

$$A. z = \frac{\bar{y} - u_0}{\sigma_{\bar{y}}}$$

$$B. t = \frac{(\bar{y}_1 - \bar{y}_2)}{\sqrt{s^2/(n_1) + (1/n_2)}}$$

$$C. t = \frac{(\bar{y}_1 - \bar{y}_2)}{\sqrt{(s_1^2/n_1) + (s_2^2/n_2)}}$$

$$D. z = \frac{y - 0.5n}{\sqrt{0.25n}}$$

$$E. t = \frac{\bar{d}}{s_d/\sqrt{n}}$$

$$F. s = \sqrt{\frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}}$$

$$G. |t'| = \frac{(t_1 s_1^2/n_1) + (t_2 s_2^2/n_2)}{(s_1^2/n_1) + (s_2^2/n_2)}$$

$$H. \chi^2 = \frac{\sum(n_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}$$

$$J. S_d^2 = \frac{1}{n-1} \left[\sum d_i^2 - \frac{(\sum d_i)^2}{n} \right]$$

$$K. (i) \left[\frac{(n-1)s^2}{\chi^2_{\alpha/2}} \leq \sigma^2 \leq \frac{(n-1)s^2}{\chi^2_{1-\alpha/2}} \right]$$

$$(ii) \frac{(n-1)s^2}{\sigma^2}$$

L. Ujian statistik Friedman

$$1. \quad \chi_r^2 = \frac{12}{ba(a+1)} \sum_{i=1}^a R_i^2 - 3b(a+1)$$

M. Ujian statistik Wilcoxon

$$1. \quad \mu_T = \frac{n(n+1)}{4}$$

$$2. \quad \sigma_T = \sqrt{\frac{n(n+1)(2n+1)}{24}}$$

$$3. \quad Z = \frac{T - \mu_T}{\sigma_T}$$

N. Ujian statistik Mann - Whitney

$$1. \quad U = n_1 n_2 + \frac{n_1(n_1+1)}{2} - R_1$$

$$2. \quad U' = n_1 n_2 - U$$

O. Ujian Blok Rawak:

$$1. \quad TSS = \sum \sum Y_{ij}^2 - \frac{G^2}{n}$$

$$2. \quad SST = \sum \frac{T_i^2}{b} - \frac{G^2}{n}$$

$$3. \quad SSB = \sum \frac{B_j^2}{t} - \frac{G^2}{n}$$

P. Ujian Segiempat sama Latin

$$1. SST = \sum \frac{T_i^2}{t} - \frac{G^2}{n}$$

$$2. SSR = \sum \frac{R_j^2}{t} - \frac{G^2}{n}$$

$$3. SSC = \sum \frac{C_k^2}{t} - \frac{G^2}{n}$$

Q. Eksperimen Faktoran

$$1. SSA = \sum \frac{A_i^2}{n_A} - \frac{G^2}{n}$$

$$2. SSB = \sum \frac{B_j^2}{n_B} - \frac{G^2}{n}$$

$$3. \sum \sum \frac{(AB)_{ij}^2}{n_{AB}} - SSA - SSB - \frac{G^2}{n} = SSAB$$

R. Ujian Sepenuh rawak:

$$1. SSB = \sum \frac{T_i^2}{n_i} - \frac{G^2}{n}$$

S. Regresi

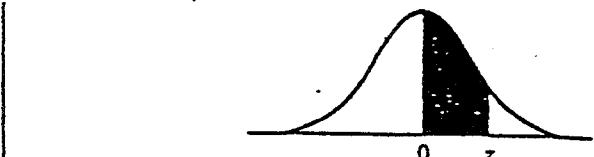
$$SS_{xx} = \sum x^2 - \frac{(\sum x)^2}{n} \quad SS_{xy} = \sum xy - \frac{\sum x \sum y}{n}$$

$$r = \frac{SS_{xy}}{\sqrt{SS_{xx} SS_{yy}}} \quad \frac{SS_{xy}}{SS_{xx}}$$

T. Perbandingan berganda:

$$LSD = t_{\alpha/2} \sqrt{s_w^2 \left(\frac{1}{n_i} + \frac{1}{n_j} \right)} \quad Wr = q_\alpha (r, v) \sqrt{\frac{s_w^2}{n}}$$

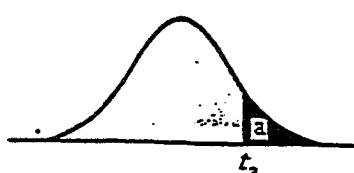
Jadual 1: Kejuasan Lengkung Normal



<i>z</i>	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
0.0	.0000	.0040	.0080	.0120	.0160	.0199	.0239	.0279	.0319	.0359
0.1	.0398	.0438	.0478	.0517	.0557	.0596	.0636	.0675	.0714	.0753
0.2	.0793	.0832	.0871	.0910	.0948	.0987	.1026	.1064	.1103	.1141
0.3	.1179	.1217	.1255	.1293	.1331	.1368	.1406	.1443	.1480	.1517
0.4	.1554	.1591	.1628	.1664	.1700	.1736	.1772	.1808	.1844	.1879
0.5	.1915	.1950	.1985	.2019	.2054	.2088	.2123	.2157	.2190	.2224
0.6	.2257	.2291	.2324	.2357	.2389	.2422	.2454	.2486	.2517	.2549
0.7	.2580	.2611	.2642	.2673	.2704	.2734	.2764	.2794	.2823	.2852
0.8	.2881	.2910	.2939	.2967	.2995	.3023	.3051	.3078	.3106	.3133
0.9	.3159	.3186	.3212	.3238	.3264	.3289	.3315	.3340	.3365	.3389
1.0	.3413	.3438	.3461	.3485	.3508	.3531	.3554	.3577	.3599	.3621
1.1	.3643	.3665	.3686	.3708	.3729	.3749	.3770	.3790	.3810	.3830
1.2	.3849	.3869	.3888	.3907	.3925	.3944	.3962	.3980	.3997	.4015
1.3	.4032	.4049	.4066	.4082	.4099	.4115	.4131	.4147	.4162	.4177
1.4	.4192	.4207	.4222	.4236	.4251	.4265	.4279	.4292	.4306	.4319
1.5	.4332	.4345	.4357	.4370	.4382	.4394	.4406	.4418	.4429	.4441
1.6	.4452	.4463	.4474	.4484	.4495	.4505	.4515	.4525	.4535	.4545
1.7	.4554	.4564	.4573	.4582	.4591	.4599	.4608	.4616	.4625	.4633
1.8	.4641	.4649	.4656	.4664	.4671	.4678	.4686	.4693	.4699	.4706
1.9	.4713	.4719	.4726	.4732	.4738	.4744	.4750	.4756	.4761	.4767
2.0	.4772	.4778	.4783	.4788	.4793	.4798	.4803	.4808	.4812	.4817
2.1	.4821	.4826	.4830	.4834	.4838	.4842	.4846	.4850	.4854	.4857
2.2	.4861	.4864	.4868	.4871	.4875	.4878	.4881	.4884	.4887	.4890
2.3	.4893	.4896	.4898	.4901	.4904	.4906	.4909	.4911	.4913	.4916
2.4	.4918	.4920	.4922	.4925	.4927	.4929	.4931	.4932	.4934	.4936
2.5	.4938	.4940	.4941	.4943	.4945	.4946	.4948	.4949	.4951	.4952
2.6	.4953	.4955	.4956	.4957	.4959	.4960	.4961	.4962	.4963	.4964
2.7	.4965	.4966	.4967	.4968	.4969	.4970	.4971	.4972	.4973	.4974
2.8	.4974	.4975	.4976	.4977	.4977	.4978	.4979	.4979	.4980	.4981
2.9	.4981	.4982	.4982	.4983	.4984	.4984	.4985	.4985	.4986	.4986
3.0	.4987	.4987	.4987	.4988	.4988	.4989	.4989	.4989	.4990	.4990

This table is abridged from Table I of *Statistical Tables and Formulas*, by A. Hald (New York: John Wiley & Sons, 1952). Reproduced by permission of A. Hald and the publishers, John Wiley & Sons.

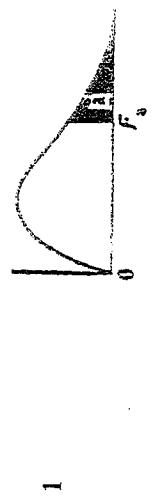
Jadual 2: Titik Peratusan Taburan t



df	$\alpha = .10$	$\alpha = .05$	$\alpha = .025$	$\alpha = .010$	$\alpha = .005$
1	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657
2	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925
3	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841
4	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604
5	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032
6	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707
7	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499
8	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355
9	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250
10	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169
11	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106
12	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055
13	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012
14	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977
15	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947
16	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921
17	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898
18	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878
19	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861
20	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845
21	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831
22	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819
23	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807
24	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797
25	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787
26	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779
27	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771
28	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763
29	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756
inf.	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576

From "Table of Percentage Points of the t -distribution." Computed by Maxine Merrington, *Biometrika*, Vol. 32 (1941), p. 300. Reproduced by permission of the *Biometrika* Trustees.

Jadual 3: Titik Peratusan Taburan F



Degrees of freedom (a vs. 0.5)

A		B		C		D		E		F		G		H		I		J		K		L		M		N		O		P		Q		R		S		T		U		V		W		X		Y		Z	
1	61.1	199.3	219.7	224.6	240.2	234.0	216.9	210.5	211.9	243.9	235.9	240.0	231.1	251.1	252.2	233.3	234.3	1	18.1	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	19.38	19.41	19.43	19.46	19.47	19.48	19.49	19.50	19.50	19.50	3															
2	10.3	9.43	9.26	9.12	9.01	8.91	8.83	8.81	8.81	8.79	8.74	8.70	8.66	8.61	8.61	8.59	8.59	3	7.1	6.94	6.95	6.96	6.97	6.98	6.99	6.99	6.99	6.99	6.99	6.99	6.99	6.99	6.99	6.99	6.99	3															
3	6.4	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	6.39	3	5.9	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	6.04	3															
4	5	6.61	5.79	5.11	3.19	3.05	4.93	4.08	4.82	4.77	4.74	4.68	4.62	4.56	4.53	4.50	4.46	4.46	4	4.76	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4.53	4														
5	6	5.59	5.14	4.76	4.53	4.39	4.29	4.21	4.15	4.10	4.06	4.00	3.94	3.87	3.81	3.81	3.81	5	5.69	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5.17	5															
6	7	5.69	4.74	4.35	4.12	3.97	3.79	3.73	3.66	3.64	3.57	3.51	3.44	3.41	3.38	3.34	3.34	6	5.32	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	4.07	6															
7	8	5.12	4.46	4.07	3.84	3.69	3.59	3.50	3.44	3.39	3.33	3.28	3.22	3.15	3.12	3.08	3.04	3	4.26	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3.66	3															
8	9	5.12	4.26	3.66	3.63	3.46	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14	3.07	3.01	2.94	2.90	2.86	2.83	2	4.96	4.10	3.46	3.33	3.22	3.14	3.07	3.01	2.94	2.88	2.83	2.77	2.71	2.71	2.71	2.71	2.71	2															
9	10	4.96	4.10	3.71	3.46	3.46	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98	2.91	2.85	2.79	2.74	2.74	2	4.84	3.96	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90	2.85	2.79	2.74	2.74	2.74	2.74	2.74	2																
10	11	4.67	3.81	3.41	3.16	3.09	3.02	3.01	2.91	2.85	2.75	2.69	2.62	2.54	2.51	2.47	2.47	1	4.67	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	1																
11	12	4.67	3.81	3.41	3.16	3.09	3.02	3.01	2.91	2.85	2.75	2.69	2.62	2.54	2.51	2.47	2.47	0	4.67	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	0																
12	13	4.67	3.81	3.41	3.16	3.09	3.02	3.01	2.91	2.85	2.75	2.69	2.62	2.54	2.51	2.47	2.47	-1	4.67	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-1																
13	14	4.67	3.81	3.41	3.16	3.09	3.02	3.01	2.91	2.85	2.75	2.69	2.62	2.54	2.51	2.47	2.47	-2	4.67	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-2																
14	15	4.54	3.69	3.29	3.06	2.90	2.83	2.74	2.66	2.59	2.54	2.49	2.45	2.41	2.36	2.31	2.28	2	4.54	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	2																
15	16	4.54	3.69	3.29	3.06	2.90	2.83	2.74	2.66	2.59	2.54	2.49	2.45	2.41	2.36	2.31	2.28	1	4.54	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	1																
16	17	4.49	3.63	3.24	3.01	2.93	2.86	2.77	2.69	2.61	2.54	2.49	2.45	2.41	2.36	2.31	2.28	0	4.49	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	0																
17	18	4.43	3.59	3.20	3.06	2.99	2.93	2.77	2.66	2.58	2.51	2.46	2.41	2.36	2.31	2.27	2.23	-1	4.43	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-1																
18	19	4.36	3.52	3.13	2.90	2.74	2.63	2.54	2.46	2.42	2.36	2.30	2.25	2.18	2.14	2.10	2.03	-2	4.36	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-2																
19	20	4.35	3.49	3.10	2.97	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39	2.33	2.24	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	-3	4.35	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-3																
20	21	4.32	3.47	3.07	2.84	2.69	2.57	2.49	2.42	2.37	2.32	2.25	2.19	2.10	2.05	2.01	1.96	-4	4.32	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-4																
21	22	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2.46	2.40	2.34	2.30	2.23	2.15	2.07	2.03	1.98	1.93	-5	4.30	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-5																
22	23	4.28	3.42	3.03	2.80	2.64	2.53	2.44	2.37	2.32	2.26	2.19	2.12	2.04	1.96	1.91	1.86	-6	4.28	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-6																
23	24	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.42	2.36	2.31	2.25	2.18	2.10	2.03	1.96	1.91	1.86	-7	4.26	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-7																
24	25	4.24	3.39	2.99	2.76	2.60	2.49	2.40	2.34	2.28	2.24	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	1.87	-8	4.24	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-8																
25	26	4.23	3.37	2.98	2.74	2.59	2.47	2.39	2.32	2.27	2.22	2.15	2.07	1.99	1.95	1.90	1.85	-9	4.23	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-9																
26	27	4.21	3.35	2.96	2.73	2.57	2.46	2.37	2.31	2.25	2.20	2.13	2.05	1.97	1.93	1.88	1.83	-10	4.21	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-10																
27	28	4.20	3.34	2.95	2.72	2.56	2.45	2.36	2.29	2.24	2.18	2.11	2.04	1.96	1.91	1.86	1.81	-11	4.20	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-11																
28	29	4.18	3.33	2.94	2.71	2.55	2.44	2.35	2.28	2.22	2.16	2.09	2.01	1.93	1.89	1.84	1.79	-12	4.18	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-12																
29	30	4.17	3.32	2.93	2.70	2.54	2.43	2.34	2.27	2.21	2.15	2.08	2.00	1.93	1.88	1.83	1.78	-13	4.17	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-13																
30	31	4.16	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.26	2.20	2.14	2.07	2.00	1.93	1.88	1.83	1.78	-14	4.16	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-14																
31	32	4.15	3.31	2.91	2.68	2.52	2.41	2.32	2.25	2.19	2.13	2.06	1.99	1.92	1.87	1.82	1.77	-15	4.15	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-15																
32	33	4.14	3.30	2.90	2.67	2.51	2.40	2.31	2.23	2.17	2.11	2.04	1.97	1.91	1.86	1.81	1.76	-16	4.14	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-16																
33	34	4.13	3.29	2.89	2.66	2.50	2.39	2.30	2.22	2.16	2.10	2.03	1.96	1.90	1.85	1.80	1.75	-17	4.13	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-17																
34	35	4.12	3.28	2.88	2.65	2.49	2.38	2.29	2.21	2.14	2.08	2.01	1.94	1.88	1.83	1.78	1.73	-18	4.12	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-18																
35	36	4.11	3.27	2.87	2.64	2.48	2.37	2.28	2.20	2.13	2.07	2.00	1.93	1.87	1.82	1.77	1.72	-19	4.11	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.65	2.59	2.54	2.46	2.39	2.35	2.31	2.31	2.31	-19																
36	37	4.10	3.26	2.																																															

From "Tables of Percentage Points of the Inverted Beta [F]-Distribution," *Biometrika*, Vol. 31 (1943), pp. 77-88, by K. S. Merton and C. R. Thompson. Reprinted by permission of the Biometrika Trustees.

Jadual 4: Titik Peratusan bagi Ujian Julat Berganda Baru Duncan

Error df	α	$r = \text{number of ordered steps between means}$													
		2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	14	16	18	20
1	.05	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0	18.0
	.01	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0	90.0
2	.05	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09	6.09
	.01	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0	14.0
3	.05	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50	4.50
	.01	8.26	8.5	8.6	8.7	8.8	8.9	9.0	9.0	9.0	9.1	9.2	9.3	9.3	9.3
4	.05	3.93	4.01	4.02	4.02	4.02	4.02	4.02	4.02	4.02	4.02	4.02	4.02	4.02	4.02
	.01	6.51	6.8	6.9	7.0	7.1	7.1	7.2	7.2	7.3	7.3	7.4	7.4	7.5	7.5
5	.05	3.64	3.74	3.79	3.83	3.83	3.83	3.83	3.83	3.83	3.83	3.83	3.83	3.83	3.83
	.01	5.70	5.96	6.11	6.18	6.26	6.33	6.40	6.44	6.5	6.6	6.6	6.7	6.7	6.8
6	.05	3.46	3.58	3.64	3.68	3.68	3.68	3.68	3.68	3.68	3.68	3.68	3.68	3.68	3.68
	.01	5.24	5.51	5.65	5.73	5.81	5.88	5.95	6.00	6.0	6.1	6.2	6.2	6.3	6.3
7	.05	3.35	3.47	3.54	3.58	3.60	3.61	3.61	3.61	3.61	3.61	3.61	3.61	3.61	3.61
	.01	4.95	5.22	5.37	5.45	5.53	5.61	5.69	5.73	5.8	5.8	5.9	5.9	6.0	6.0
8	.05	3.26	3.39	3.47	3.52	3.55	3.56	3.56	3.56	3.56	3.56	3.56	3.56	3.56	3.56
	.01	4.74	5.00	5.14	5.23	5.32	5.40	5.47	5.51	5.5	5.6	5.7	5.7	5.8	5.8
9	.05	3.20	3.34	3.41	3.47	3.50	3.52	3.52	3.52	3.52	3.52	3.52	3.52	3.52	3.52
	.01	4.60	4.86	4.99	5.08	5.17	5.25	5.32	5.36	5.4	5.5	5.5	5.6	5.7	5.7
10	.05	3.15	3.30	3.37	3.43	3.46	3.47	3.47	3.47	3.47	3.47	3.47	3.47	3.47	3.48
	.01	4.48	4.73	4.88	4.96	5.06	5.13	5.20	5.24	5.28	5.36	5.42	5.48	5.54	5.55
11	.05	3.11	3.27	3.35	3.39	3.43	3.44	3.45	3.46	3.46	3.46	3.46	3.46	3.47	3.48
	.01	4.39	4.63	4.77	4.86	4.94	5.01	5.06	5.12	5.15	5.24	5.28	5.34	5.38	5.39
12	.05	3.08	3.23	3.33	3.36	3.40	3.42	3.44	3.44	3.46	3.46	3.46	3.46	3.47	3.48
	.01	4.32	4.55	4.68	4.76	4.84	4.92	4.96	5.02	5.07	5.13	5.17	5.22	5.23	5.26
13	.05	3.06	3.21	3.30	3.35	3.38	3.41	3.42	3.44	3.45	3.45	3.46	3.46	3.47	3.47
	.01	4.26	4.48	4.62	4.69	4.74	4.84	4.88	4.94	4.98	5.04	5.08	5.13	5.14	5.15
14	.05	3.03	3.18	3.27	3.33	3.37	3.39	3.41	3.42	3.44	3.45	3.46	3.46	3.47	3.47
	.01	4.21	4.42	4.55	4.63	4.70	4.78	4.83	4.87	4.91	4.96	5.00	5.04	5.06	5.07
15	.05	3.01	3.16	3.25	3.31	3.36	3.38	3.40	3.42	3.43	3.44	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.17	4.37	4.50	4.58	4.64	4.72	4.77	4.81	4.84	4.90	4.94	4.97	4.99	5.00
16	.05	3.00	3.15	3.23	3.30	3.34	3.37	3.39	3.41	3.43	3.44	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.13	4.34	4.45	4.54	4.60	4.67	4.72	4.76	4.79	4.84	4.88	4.91	4.93	4.94
17	.05	2.98	3.13	3.22	3.28	3.33	3.36	3.38	3.40	3.42	3.44	3.45	3.46	3.46	3.47
	.01	4.10	4.30	4.47	4.59	4.56	4.63	4.68	4.72	4.75	4.80	4.83	4.86	4.88	4.89
18	.05	2.97	3.12	3.21	3.27	3.32	3.35	3.37	3.39	3.41	3.43	3.45	3.46	3.47	3.47
	.01	4.07	4.27	4.38	4.46	4.53	4.59	4.64	4.68	4.71	4.76	4.79	4.82	4.84	4.85
19	.05	2.96	3.11	3.19	3.26	3.31	3.35	3.37	3.39	3.41	3.43	3.44	3.45	3.46	3.47
	.01	4.05	4.24	4.35	4.43	4.50	4.56	4.61	4.64	4.67	4.72	4.76	4.79	4.81	4.82
20	.05	2.95	3.10	3.18	3.25	3.30	3.34	3.36	3.38	3.40	3.43	3.44	3.46	3.46	3.47
	.01	4.02	4.22	4.33	4.40	4.47	4.53	4.58	4.61	4.65	4.69	4.73	4.76	4.78	4.79
22	.05	2.93	3.08	3.17	3.24	3.29	3.32	3.35	3.37	3.39	3.42	3.44	3.45	3.46	3.47
	.01	3.99	4.17	4.28	4.36	4.42	4.48	4.53	4.57	4.60	4.65	4.68	4.71	4.74	4.75
24	.05	2.92	3.07	3.15	3.22	3.28	3.31	3.34	3.37	3.38	3.41	3.44	3.45	3.46	3.47
	.01	3.96	4.14	4.24	4.33	4.39	4.44	4.49	4.53	4.57	4.62	4.64	4.67	4.70	4.72
26	.05	2.91	3.06	3.14	3.21	3.27	3.30	3.34	3.36	3.38	3.41	3.43	3.45	3.46	3.47
	.01	3.93	4.11	4.21	4.30	4.36	4.41	4.46	4.50	4.53	4.58	4.62	4.65	4.67	4.69
28	.05	2.90	3.04	3.13	3.20	3.26	3.30	3.33	3.35	3.37	3.40	3.43	3.45	3.46	3.47
	.01	3.91	3.08	4.18	4.28	4.34	4.39	4.43	4.47	4.51	4.56	4.60	4.62	4.65	4.67
30	.05	2.89	3.04	3.12	3.20	3.25	3.29	3.32	3.35	3.37	3.40	3.43	3.44	3.46	3.47
	.01	3.89	4.06	4.16	4.22	4.32	4.36	4.41	4.45	4.48	4.54	4.58	4.61	4.63	4.65
40	.05	2.86	3.01	3.10	3.17	3.22	3.27	3.30	3.33	3.35	3.39	3.42	3.44	3.46	3.47
	.01	3.82	3.99	4.10	4.17	4.24	4.30	4.34	4.37	4.41	4.46	4.51	4.54	4.57	4.59
60	.05	2.83	2.98	3.08	3.14	3.20	3.24	3.28	3.31	3.33	3.37	3.40	3.43	3.45	3.47
	.01	3.76	3.92	4.03	4.12	4.17	4.23	4.27	4.31	4.34	4.39	4.44	4.47	4.50	4.53
100	.05	2.80	2.95	3.05	3.12	3.18	3.22	3.26	3.29	3.32	3.36	3.40	3.42	3.45	3.47
	.01	3.71	3.86	3.93	4.06	4.11	4.17	4.21	4.25	4.29	4.35	4.38	4.42	4.45	4.48
- .05	2.77	2.92	3.02	3.09	3.15	3.19	3.23	3.26	3.29	3.34	3.38	3.41	3.44	3.47	3.47
	.01	3.64	3.80	3.90	3.98	4.04	4.09	4.14	4.17	4.20	4.26	4.31	4.34	4.38	4.41

Reproduced from D.B. Duncan, Multiple Range and Multiple F Tests, Biometrika, 31: 1-42, 1945. With permission from the Biometric Society and the author.

Jadual 5. Titik Peratusan Taburan ki-gaudadua



df	$\alpha = .995$	$\alpha = .990$	$\alpha = .975$	$\alpha = .950$	$\alpha = .900$	$\alpha = .10$	$\alpha = .05$	$\alpha = .025$	$\alpha = .010$	$\alpha = .005$	df
1	0.0000193	0.0001571	0.0009821	0.0039321	0.0153908	2.70354	3.84146	5.02389	6.63490	7.07944	1
2	0.0100251	0.0201007	0.0506356	0.102587	0.210720	4.60517	5.99447	7.37776	9.21034	10.3966	2
3	0.071212	0.114832	0.215795	0.358146	0.581375	0.25139	7.01473	9.34840	11.3449	12.8381	3
4	0.206590	0.297110	0.484419	0.710721	1.063623	7.77944	9.40773	11.1433	13.2767	14.0602	4
5	0.411740	0.553300	0.831211	1.145476	1.61031	9.23635	11.0705	12.9325	15.0863	16.7496	5
6	0.673727	0.872085	1.237347	1.655359	2.20413	10.6446	12.5916	14.4494	16.8119	18.5476	6
7	0.989265	1.239043	1.689887	2.16735	2.83911	12.0170	14.0671	16.0128	18.4753	20.2777	7
8	1.344419	1.664482	2.17973	2.73264	3.48954	13.3616	15.5073	17.5346	20.0502	21.9550	8
9	1.734926	2.087912	2.70039	3.32511	4.16816	14.6837	16.9190	19.0228	21.6660	23.5893	9
10	2.15595	2.55821	3.24697	3.94030	4.06318	15.9871	18.3070	20.4031	21.2093	25.1082	10
11	2.60321	3.05347	3.81575	4.57481	5.57779	17.2750	19.6751	21.9200	22.7250	26.7569	11
12	3.07382	3.57056	4.40379	5.22603	6.30390	10.5394	21.0261	23.3367	26.2170	28.2995	12
13	3.56503	4.10691	5.00074	5.89106	7.04150	19.0119	22.3621	24.7356	27.6883	29.0194	13
14	4.07468	4.66043	5.62872	6.57063	7.70953	21.0642	23.6040	26.1190	29.1413	31.3193	14
15	4.60094	5.22935	6.26214	7.26094	8.54675	22.3072	24.9958	27.4804	30.5779	32.8013	15
16	5.14224	5.81221	6.90766	7.96164	9.31223	23.5418	26.2962	28.8434	31.9999	34.2672	16
17	5.69724	6.40776	7.56418	8.67176	10.00532	24.7690	27.5871	30.1920	33.1007	35.705	17
18	6.26401	7.01491	8.20725	9.39046	10.0649	25.9994	28.8693	31.5264	34.0053	37.1564	18
19	6.84398	7.63275	8.96855	10.1170	11.6509	27.2036	30.1435	32.8523	36.1908	38.5622	19
20	7.43386	8.26040	9.55083	10.8508	12.4426	28.4120	31.4104	34.1696	37.5662	39.9966	20
21	8.03366	8.89720	10.2293	11.5913	13.2396	29.6151	32.6705	35.4789	38.9321	41.4010	21
22	8.64272	9.54229	10.9823	12.3390	14.0415	30.8133	33.9244	36.2807	40.2894	42.7956	22
23	9.26042	10.19567	11.8805	13.0905	14.8479	32.0069	35.1725	38.0757	41.6384	44.1013	23
24	9.88623	10.8564	12.4011	13.8484	15.6587	33.1963	36.4151	39.3641	42.9799	45.5585	24
25	10.5197	11.5240	13.1197	14.6114	16.4734	34.3016	37.6375	40.6465	44.3141	46.9270	25
26	11.1603	12.1981	13.8439	15.3791	17.2919	35.5631	38.8032	41.9232	45.6417	48.2099	26
27	11.8076	12.8786	14.5733	16.1513	18.1138	36.7412	40.1133	43.1944	46.9630	49.6449	27
28	12.4613	13.3548	15.3079	16.9279	18.9392	37.9139	41.3972	44.6607	48.2782	50.9933	28
29	13.1211	14.2565	16.0471	17.7083	19.7677	39.0075	42.5569	45.7222	49.5899	52.3356	29
30	13.7867	14.9535	16.7908	18.4926	20.5992	40.2560	43.7729	46.9792	50.0922	53.6720	30
40	20.7065	22.1643	24.4331	26.5993	29.0505	51.8030	55.7505	59.3417	63.6907	66.7659	40
50	27.9907	29.7067	32.3574	34.7642	37.6886	63.1671	67.5040	71.4202	76.1539	79.4900	50
60	35.5346	37.4848	40.4017	43.1879	46.4589	74.3970	79.0919	83.2976	88.3794	91.9517	60
70	43.2752	45.4418	48.7576	51.7393	55.3290	85.5271	90.5312	95.0231	100.425	104.215	70
80	51.1720	53.5400	57.1532	60.3915	64.2778	96.5302	101.879	106.629	112.329	116.321	80
90	59.1963	61.7541	65.6466	69.1260	73.2912	107.565	113.145	118.136	124.116	128.299	90
100	67.3216	70.0646	74.2219	77.9295	82.3981	110.498	124.342	129.561	135.807	140.169	100

From "Tables of the Percentage Points of the χ^2 -Distribution," *Biometrika*, Vol. (1941), pp. 188-189, by Catherine M. Thompson. Reproduced by permission of the

Jadual 6: Nilai Genting bagi Taburan U Mann-Whitney

$\alpha/2$:	0.20	0.10	0.05	0.02	0.01	0.005	0.002	0.001	0.0005
$\alpha(1)$:	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.0025	0.001	0.0005	
n_1	n_2								
8	38	198	210	220	232	240	247	255	260
	39	203	215	226	238	246	253	261	267
8	40	208	221	231	244	252	259	268	273
9	9	56	60	64	67	70	72	74	76
	10	62	66	70	74	77	79	82	83
11	1	68	72	76	81	83	86	89	91
12	1	73	78	82	87	90	93	96	98
13	1	79	84	88	94	97	100	103	106
14	1	85	90	95	100	104	107	111	113
15	1	90	96	101	107	111	114	118	120
16	1	96	102	107	113	117	121	125	128
17	1	101	108	114	120	124	128	132	135
18	1	107	114	120	126	131	135	138	142
19	1	113	120	126	133	138	142	146	150
20	1	118	126	132	140	144	149	154	157
21	1	124	132	139	146	151	155	161	164
22	1	130	138	145	153	158	162	168	172
23	1	135	144	151	159	164	169	175	179
24	1	141	150	157	166	171	176	182	186
25	1	147	156	163	172	178	183	189	193
26	1	152	162	170	179	185	190	196	201
27	1	158	168	176	185	191	197	203	208
28	1	164	174	182	192	198	204	211	215
29	1	169	179	188	198	205	211	218	222
30	1	175	185	194	205	212	218	225	230
31	1	180	191	201	211	218	224	232	237
32	1	186	197	207	218	225	231	239	244
33	1	192	203	213	224	232	238	246	251
34	1	197	209	219	231	238	245	253	259
35	1	203	215	226	237	245	252	260	266
36	1	209	221	232	244	252	259	267	273
37	1	214	227	238	250	258	266	275	280
38	1	220	233	244	257	265	273	282	288
39	1	225	239	250	263	272	280	289	295
9	40	231	245	257	270	275	285	296	302
10	10	68	73	77	81	84	87	90	92
	11	74	79	84	88	92	94	98	100
12	1	81	86	91	96	99	102	106	108
13	1	87	93	97	103	106	110	113	116
14	1	93	99	104	110	114	117	121	124
15	1	99	106	111	117	121	125	129	132
16	1	106	112	118	124	129	133	137	140
17	1	112	119	125	132	136	140	145	148
18	1	118	125	132	138	143	148	153	156
19	1	124	132	138	146	151	155	161	164
20	1	130	138	145	153	158	163	168	172
10	21	137	145	152	160	166	170	176	180

Jadual 7: Nilai Genting bagi Ujian Pangkat Bertanda Wilcoxon

 $n = 5(1)50$

One-sided	Two-sided	$n = 5$	$n = 6$	$n = 7$	$n = 8$	$n = 9$	$n = 10$	$n = 11$	$n = 12$	$n = 13$	$n = 14$	$n = 15$	$n = 16$
.05	.10	1	2	4	6	8	11	14	17	21	26	30	36
.025	.05		1	2	4	6	8	11	14	17	21	25	30
.01	.02			0	2	3	5	7	10	13	16	20	24
.005	.01				0	2	3	5	7	10	13	16	19
		$n = 17$	$n = 18$	$n = 19$	$n = 20$	$n = 21$	$n = 22$	$n = 23$	$n = 24$	$n = 25$	$n = 26$	$n = 27$	$n = 28$
.05	.10	41	47	54	60	68	75	83	92	101	110	120	130
.025	.05	35	40	46	52	59	66	73	81	90	98	107	117
.01	.02	28	33	38	43	49	56	62	69	77	85	93	102
.005	.01	23	28	32	37	43	49	55	61	68	76	84	92
		$n = 29$	$n = 30$	$n = 31$	$n = 32$	$n = 33$	$n = 34$	$n = 35$	$n = 36$	$n = 37$	$n = 38$	$n = 39$	
.05	.10	141	152	163	175	188	201	214	228	242	256	271	
.025	.05	127	137	148	159	171	183	195	208	222	235	250	
.01	.02	111	120	130	141	151	162	174	186	198	211	224	
.005	.01	100	109	118	128	138	149	160	171	183	195	208	
		$n = 40$	$n = 41$	$n = 42$	$n = 43$	$n = 44$	$n = 45$	$n = 46$	$n = 47$	$n = 48$	$n = 49$	$n = 50$	
.05	.10	287	303	319	336	353	371	389	408	427	446	466	
.025	.05	264	279	295	311	327	344	361	379	397	415	434	
.01	.02	238	252	267	281	297	313	329	345	362	380	398	
.005	.01	221	234	248	262	277	292	307	323	339	356	373	

From *Some Rapid Approximate Statistical Procedures (Revised)* by Frank Wilcoxon and Robert A. Wilcox (Pearl River, N.Y.: Lederle Laboratories, 1964), Table 2. Reproduced by permission of Lederle Laboratories, a division of American Cyanamid Company.