
UNIVERSITI SAINS MALAYSIA

Peperiksaan Kursus Semasa Cuti Panjang
Sidang Akademik 2001/2002

April 2002

BOI 109/4 - Biostatistik

Masa : [3 jam]

Sila pastikan bahawa kertas peperiksaan ini mengandungi TUJUH BELAS muka surat yang bercetak sebelum anda memulakan peperiksaan ini.

Jawab LIMA daripada ENAM soalan yang diberikan, dalam Bahasa Malaysia.

Tiap-tiap soalan bernilai 20 markah.

. . . .2/-

1. Seorang ahli kajiserangga mengkaji taburan spesis serangga di dalam hutan. Ia membahagikan kajian pada tumbuhan herba, belukar dan pokok tinggi. Nombor serangga yang disampelnya adalah seperti berikut:-

Herba	Belukar	Pokok Tinggi
14.0	8.4	6.9
12.1	5.1	5.3
9.6	7.3	5.8
8.2	6.6	4.1

- (a) Gunakan data di atas untuk ujian ANOVA. Apakah kesimpulan anda? ($\alpha = 0.05$) (10 markah)
- (b) Sekiranya ketumpatan serangga tersebut terdapat satu perbezaan, jalankan ujian LSD untuk membandingkan kesemua min yang diperolehi. (10 markah)
2. Seorang penuntut membuat kajian untuk menentukan pengeluaran susu oleh sejenis lembu yang bermutu tinggi. Daripada satu sampel 30 ekor lembu, ia mendapati bahawa purata pengeluaran susu ialah 4.65 liter seekor lembu sehari dengan sisihan piawai 1.42 liter seekor sehari.
- (a) Jika penuntut ini telah memutuskan bahawa ia hanya rela menerima ralat yang tidak melebihi 10% daripada nilai purata dengan 95% keyakinan, adakah saiz sampel yang ia gunakan itu mencukupi? Jika tidak, berapa ekor lembu lagi yang perlu ia ambil supaya saiz sampelnya cukup besar? (8 markah)

- (b) Jika diketahui bahawa purata pengeluaran susu oleh lembu tempatan ialah sebanyak 3.26 liter seekor sehari, ujikan samada pengeluaran susu oleh lembu yang dikaji oleh penuntut itu adalah benar-benar lebih tinggi dari segi statistik daripada pengeluaran susu oleh lembu tempatan.
- (8 markah)
- (c) Apakah mungkin kesannya ke atas jawapan anda kepada (b) di atas jika penuntut itu telah menggunakan saiz sampel yang lebih besar (katakan 50 ekor lembu)?
- (4 markah)
3. Andaikan tekanan diastole darah X seorang wanita ialah 100mm Hg . Sisihan piawainya ialah 16mm Hg dan bertaburan normal. Dapatkan
- (a) $P(X < 90)$
 - (b) $P(X > 124)$
 - (c) $P(96 < X < 104)$
 - (d) Carikan nilai x sekiranya $P(X \leq x) = 0.95$.
- (20 markah)

4. Kajian telah mendapati bahawa kebarangkalian untuk sembuh dari jangkitan virus Ebola ialah 0.10. Sekiranya ada 16 pesakit telah dijangkiti oleh virus itu, selesaikan masalah berikut:-
- (a) Berapakah jangkaan pesakit yang akan pulih?
(5 markah)
- (b) Kebarangkalian untuk lima atau kurang daripada lima orang yang akan sembuh.
(5 markah)
- (c) Kebarangkalian untuk sekurang-kurangnya 5 pesakit yang akan sembuh.
(5 markah)
- (d) Kebarangkalian untuk lima orang sahaja yang akan sembuh.
(5 markah)
5. (a) Senaraikan 9 langkah statistik untuk pengujian hipotesis.
(5 markah)
- (b) Berikan definisi ralat jenis I dan ralat jenis II.
(5 markah)
- (c) Dengan berpandukan contoh tertentu, terangkan bagaimana ralat jenis I dan jenis II berlaku.
(5 markah)
- (d) Binakan satu jadual untuk menyokong hujah-hujah anda.
(5 markah)

6. Tiga strain kulat telah digunakan di dalam kajian paras kandungan kitin di dalam dinding sel miselium. Dijangkakan bahawa usia miselium akan mempengaruhi kandungan kitin. Oleh itu miselium daripada tiga kultur yang berbeza usianya telah digunakan. Anda memerlukan masa satu hari untuk menganalisa paras kitin bagi satu sampel. Anda telah meminta bantuan dua rakan anda untuk melakukan analisa tersebut. Kandungan kitin telah direkodkan sebagai $\mu\text{g/g}$ dan keputusan adalah seperti jadual di bawah:-

Strain kulat	Usia Miselium (hari)		
	3	5	10
A	10	12	13
B	9	7	8
C	4	3	5

(a) Apakah rekabentuk eksperimen yang telah digunakan?

(5 markah)

(b) Berikan susunatur bagi pengagihan unit-unit eksperimen anda.

(5 markah)

(c) Jalankan analisis data untuk membandingkan min kandungan kitin bagi tiga strain tersebut. Adakah usia miselium mempengaruhi kandungan kitin?

(5 markah)

(d) Adakah penganalisa yang berlainan akan mempengaruhi keputusan kajian anda?

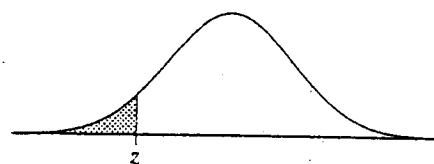
(5 markah)

TABLE C4
Student's *t* distribution

	Student's <i>t</i> distribution										
	1-tail	0.25	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.0025	0.001	0.0005	1-tail
	2-tail	0.50	0.20	0.10	0.05	0.02	0.010	0.005	0.002	0.001	2-tail
df: 1	1.000	3.078	6.314	12.71	31.82	63.66	127.3	636.6	1273	df: 1	
2	0.816	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	14.09	31.60	44.70	2	
3	0.765	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	7.453	12.92	16.33	3	
4	0.741	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	5.598	8.610	10.31	4	
5	0.727	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	4.773	6.869	7.976	5	
6	0.718	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	4.317	5.959	6.788	6	
7	0.711	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	4.029	5.408	6.082	7	
8	0.706	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	3.833	5.041	5.617	8	
9	0.703	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	3.690	4.781	5.291	9	
10	0.700	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	3.581	4.587	5.049	10	
11	0.697	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	3.497	4.437	4.863	11	
12	0.695	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	3.428	4.318	4.717	12	
13	0.694	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	3.372	4.221	4.597	13	
14	0.692	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	3.326	4.140	4.499	14	
15	0.691	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	3.286	4.073	4.417	15	
16	0.690	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	3.252	4.015	4.346	16	
17	0.689	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.222	3.965	4.286	17	
18	0.688	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.197	3.922	4.233	18	
19	0.688	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.174	3.883	4.187	19	
20	0.687	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.153	3.850	4.146	20	
21	0.686	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.135	3.819	4.109	21	
22	0.686	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.119	3.792	4.077	22	
23	0.685	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.104	3.768	4.047	23	
24	0.685	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.091	3.745	4.021	24	
25	0.684	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.078	3.725	3.997	25	
26	0.684	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.067	3.707	3.974	26	
27	0.684	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.057	3.689	3.954	27	
28	0.683	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.047	3.674	3.935	28	
29	0.683	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.038	3.660	3.918	29	
30	0.683	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.030	3.646	3.902	30	
31	0.682	1.309	1.696	2.040	2.453	2.744	3.022	3.633	3.887	31	
32	0.682	1.309	1.694	2.037	2.449	2.738	3.015	3.622	3.873	32	
33	0.682	1.308	1.692	2.035	2.445	2.733	3.008	3.611	3.860	33	
34	0.682	1.307	1.691	2.032	2.441	2.728	3.002	3.601	3.848	34	
35	0.682	1.306	1.690	2.030	2.438	2.724	2.996	3.591	3.836	35	
36	0.681	1.306	1.688	2.028	2.434	2.719	2.990	3.582	3.825	36	
37	0.681	1.305	1.687	2.026	2.431	2.715	2.985	3.574	3.816	37	
38	0.681	1.304	1.686	2.024	2.429	2.712	2.980	3.566	3.806	38	
39	0.681	1.304	1.685	2.023	2.426	2.708	2.976	3.558	3.797	39	
40	0.681	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	2.971	3.551	3.788	40	
41	0.681	1.303	1.683	2.020	2.421	2.701	2.967	3.544	3.780	41	
42	0.680	1.302	1.682	2.018	2.418	2.698	2.963	3.538	3.773	42	
43	0.680	1.302	1.681	2.017	2.416	2.695	2.959	3.532	3.765	43	
44	0.680	1.301	1.680	2.015	2.414	2.692	2.956	3.525	3.758	44	
45	0.680	1.301	1.679	2.014	2.412	2.690	2.952	3.520	3.752	45	

TABLE C.3
Cumulative standard normal distribution

$$F(z) = P(Z \leq z) = \int_{-\infty}^z \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx$$



z	Area										
	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09	
-3.9	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	
-3.8	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	
-3.7	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	
-3.6	0.0002	0.0002	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	0.0001	
-3.5	0.0002	0.0002	0.0002	0.0002	0.0002	0.0002	0.0002	0.0002	0.0002	0.0002	
-3.4	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0003	0.0002	
-3.3	0.0005	0.0005	0.0005	0.0004	0.0004	0.0004	0.0004	0.0004	0.0004	0.0003	
-3.2	0.0007	0.0007	0.0006	0.0006	0.0006	0.0006	0.0006	0.0005	0.0005	0.0005	
-3.1	0.0010	0.0009	0.0009	0.0009	0.0008	0.0008	0.0008	0.0008	0.0007	0.0007	
-3.0	0.0013	0.0013	0.0013	0.0012	0.0012	0.0011	0.0011	0.0011	0.0010	0.0010	
-2.9	0.0019	0.0018	0.0018	0.0017	0.0016	0.0016	0.0015	0.0015	0.0014	0.0014	
-2.8	0.0026	0.0025	0.0024	0.0023	0.0023	0.0022	0.0021	0.0021	0.0020	0.0019	
-2.7	0.0035	0.0034	0.0033	0.0032	0.0031	0.0030	0.0029	0.0028	0.0027	0.0026	
-2.6	0.0047	0.0045	0.0044	0.0043	0.0041	0.0040	0.0039	0.0038	0.0037	0.0036	
-2.5	0.0062	0.0060	0.0059	0.0057	0.0055	0.0054	0.0052	0.0051	0.0049	0.0048	
-2.4	0.0082	0.0080	0.0078	0.0075	0.0073	0.0071	0.0069	0.0068	0.0066	0.0064	
-2.3	0.0107	0.0104	0.0102	0.0099	0.0096	0.0094	0.0091	0.0089	0.0087	0.0084	
-2.2	0.0139	0.0136	0.0132	0.0129	0.0125	0.0122	0.0119	0.0116	0.0113	0.0110	
-2.1	0.0179	0.0174	0.0170	0.0166	0.0162	0.0158	0.0154	0.0150	0.0146	0.0143	
-2.0	0.0228	0.0222	0.0217	0.0212	0.0207	0.0202	0.0197	0.0192	0.0188	0.0183	
-1.9	0.0287	0.0281	0.0274	0.0268	0.0262	0.0256	0.0250	0.0244	0.0239	0.0233	
-1.8	0.0359	0.0351	0.0344	0.0336	0.0329	0.0322	0.0314	0.0307	0.0301	0.0294	
-1.7	0.0446	0.0436	0.0427	0.0418	0.0409	0.0401	0.0392	0.0384	0.0375	0.0367	
-1.6	0.0548	0.0537	0.0526	0.0516	0.0505	0.0495	0.0485	0.0475	0.0465	0.0455	
-1.5	0.0668	0.0655	0.0643	0.0630	0.0618	0.0606	0.0594	0.0582	0.0571	0.0559	
-1.4	0.0808	0.0793	0.0778	0.0764	0.0749	0.0735	0.0721	0.0708	0.0694	0.0681	
-1.3	0.0968	0.0951	0.0934	0.0918	0.0901	0.0885	0.0869	0.0853	0.0838	0.0823	
-1.2	0.1151	0.1131	0.1112	0.1093	0.1075	0.1056	0.1038	0.1020	0.1003	0.0985	
-1.1	0.1357	0.1335	0.1314	0.1292	0.1271	0.1251	0.1230	0.1210	0.1190	0.1170	
-1.0	0.1587	0.1562	0.1539	0.1515	0.1492	0.1469	0.1446	0.1423	0.1401	0.1379	
-0.9	0.1841	0.1814	0.1788	0.1762	0.1736	0.1711	0.1685	0.1660	0.1635	0.1611	
-0.8	0.2119	0.2090	0.2061	0.2033	0.2005	0.1977	0.1949	0.1922	0.1894	0.1867	
-0.7	0.2420	0.2389	0.2358	0.2327	0.2296	0.2266	0.2236	0.2206	0.2177	0.2148	
-0.6	0.2743	0.2709	0.2676	0.2643	0.2611	0.2578	0.2546	0.2514	0.2483	0.2451	
-0.5	0.3085	0.3050	0.3015	0.2981	0.2946	0.2912	0.2877	0.2843	0.2810	0.2776	
-0.4	0.3446	0.3409	0.3372	0.3336	0.3300	0.3264	0.3228	0.3192	0.3156	0.3121	
-0.3	0.3821	0.3783	0.3745	0.3707	0.3669	0.3632	0.3594	0.3557	0.3520	0.3483	
-0.2	0.4207	0.4168	0.4129	0.4090	0.4052	0.4013	0.3974	0.3936	0.3897	0.3859	
-0.1	0.4602	0.4562	0.4522	0.4483	0.4443	0.4404	0.4364	0.4325	0.4286	0.4247	
-0.0	0.5000	0.4960	0.4920	0.4880	0.4840	0.4801	0.4761	0.4721	0.4681	0.4641	

z	Area									
	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7704	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
3.0	0.9987	0.9987	0.9987	0.9988	0.9988	0.9989	0.9989	0.9989	0.9990	0.9990
3.1	0.9990	0.9991	0.9991	0.9991	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9993	0.9993
3.2	0.9993	0.9993	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9995	0.9995	0.9995
3.3	0.9995	0.9995	0.9995	0.9995	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9997
3.4	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9998
3.5	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998
3.6	0.9998	0.9998	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.7	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.8	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.9	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000

TABLE C.1
Cumulative binomial distribution

n	d	p										
		0.1	0.2	0.25	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.75	0.8	0.9
5	0	0.5905	0.3277	0.2373	0.1681	0.0778	0.0313	0.0102	0.0024	0.0010	0.0003	0.0000
	1	0.9185	0.7373	0.6328	0.5282	0.3370	0.1875	0.0870	0.0308	0.0156	0.0067	0.0005
	2	0.9914	0.9421	0.8965	0.8369	0.6826	0.5000	0.3174	0.1631	0.1035	0.0579	0.0086
	3	0.9995	0.9933	0.9844	0.9692	0.9130	0.8125	0.6630	0.4718	0.3672	0.2627	0.0815
	4	1.0000	0.9997	0.9990	0.9976	0.9898	0.9688	0.9222	0.8319	0.7627	0.6723	0.4095
	5	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
6	0	0.5314	0.2621	0.1780	0.1176	0.0467	0.0156	0.0041	0.0007	0.0002	0.0001	0.0000
	1	0.8857	0.6554	0.5339	0.4202	0.2333	0.1094	0.0410	0.0109	0.0046	0.0016	0.0001
	2	0.9842	0.9011	0.8306	0.7443	0.5443	0.3438	0.1792	0.0705	0.0376	0.0170	0.0013
	3	0.9987	0.9830	0.9624	0.9295	0.8208	0.6563	0.4557	0.2557	0.1694	0.0989	0.0159
	4	0.9999	0.9984	0.9954	0.9891	0.9590	0.8906	0.7667	0.5798	0.4661	0.3446	0.1143
	5	1.0000	0.9999	0.9998	0.9993	0.9959	0.9844	0.9533	0.8824	0.8220	0.7379	0.4686
	6	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
7	0	0.4783	0.2097	0.1335	0.0824	0.0280	0.0078	0.0016	0.0002	0.0001	0.0000	0.0000
	1	0.8503	0.5767	0.4449	0.3294	0.1586	0.0625	0.0188	0.0038	0.0013	0.0004	0.0000
	2	0.9743	0.8520	0.7564	0.6471	0.4199	0.2266	0.0963	0.0288	0.0129	0.0047	0.0002
	3	0.9973	0.9667	0.9294	0.8740	0.7162	0.5000	0.2898	0.1260	0.0706	0.0333	0.0027
	4	0.9998	0.9953	0.9871	0.9712	0.9037	0.7734	0.5801	0.3529	0.2436	0.1486	0.0257
	5	1.0000	0.9996	0.9987	0.9962	0.9812	0.9375	0.8414	0.6706	0.5551	0.4233	0.1497
	6	1.0000	1.0000	0.9999	0.9998	0.9984	0.9922	0.9720	0.9176	0.8665	0.7903	0.5217
	7	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
8	0	0.4305	0.1678	0.1001	0.0576	0.0168	0.0039	0.0007	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.8131	0.5033	0.3671	0.2553	0.1064	0.0352	0.0085	0.0013	0.0004	0.0001	0.0000
	2	0.9619	0.7969	0.6785	0.5518	-0.3154	0.1445	0.0498	0.0113	0.0042	0.0012	0.0000
	3	0.9950	0.9437	0.8862	0.8059	0.5941	0.3633	0.1737	0.0580	0.0273	0.0104	0.0004
	4	0.9996	0.9896	0.9727	0.9420	0.8263	0.6367	0.4059	0.1941	0.1138	-0.0563	0.0050
	5	1.0000	0.9988	0.9958	0.9887	0.9502	0.8555	0.6846	0.4482	0.3215	0.2031	0.0381
	6	1.0000	0.9999	0.9996	0.9987	0.9915	0.9648	0.8936	0.7447	0.6329	0.4967	0.1869
	7	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9993	0.9961	0.9832	0.9424	0.8999	0.8322	0.5695
	8	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
9	0	0.3874	0.1342	0.0751	0.0404	0.0101	0.0020	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.7748	0.4362	0.3003	0.1960	0.0705	0.0195	0.0038	0.0004	0.0001	0.0000	0.0000
	2	0.9470	0.7382	0.6007	0.4628	0.2318	0.0898	0.0250	0.0043	0.0013	0.0003	0.0000
	3	0.9917	0.9144	0.8343	0.7297	0.4826	0.2539	0.0994	0.0253	0.0100	0.0031	0.0001
	4	0.9991	0.9804	0.9511	0.9012	0.7334	0.5000	0.2666	0.0988	0.0489	0.0196	0.0009
	5	0.9999	0.9969	0.9900	0.9747	0.9005	0.7461	0.5174	0.2703	0.1657	0.0856	0.0083
	6	1.0000	0.9997	0.9987	0.9957	0.9750	0.9102	0.7682	0.5372	0.3993	0.2618	0.0530
	7	1.0000	1.0000	0.9999	0.9996	0.9962	0.9805	0.9295	0.8040	0.6997	0.5638	0.2252
	8	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9980	0.9899	0.9596	0.9249	0.8658	0.6126
	9	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000

n	d	P									
		0.1	0.2	0.25	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9
10	0	0.3487	0.1074	0.0563	0.0282	0.0060	0.0010	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.7361	0.3758	0.2440	0.1493	0.0464	0.0107	0.0017	0.0001	0.0000	0.0000
	2	0.9298	0.6778	0.5256	0.3828	0.1673	0.0547	0.0123	0.0016	0.0004	0.0001
	3	0.9872	0.8791	0.7759	0.6496	0.3823	0.1719	0.0548	0.0106	0.0035	0.0009
	4	0.9984	0.9672	0.9219	0.8497	0.6331	0.3770	0.1662	0.0473	0.0197	0.0064
	5	0.9999	0.9936	0.9803	0.9527	0.8338	0.6230	0.3669	0.1503	0.0781	0.0328
	6	1.0000	0.9991	0.9965	0.9894	0.9452	0.8281	0.6177	0.3504	0.2241	0.1209
	7	1.0000	0.9999	0.9996	0.9984	0.9877	0.9453	0.8327	0.6172	0.4744	0.3222
	8	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9983	0.9893	0.9536	0.8507	0.7560	0.6242
	9	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9990	0.9940	0.9718	0.9437	0.8926
11	10	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
	0	0.3138	0.0859	0.0422	0.0198	0.0036	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.6974	0.3221	0.1971	0.1130	0.0302	0.0059	0.0007	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.9104	0.6174	0.4552	0.3127	0.1189	0.0327	0.0059	0.0006	0.0001	0.0000
	3	0.9815	0.8389	0.7133	0.5696	0.2963	0.1133	0.0293	0.0043	0.0012	0.0002
	4	0.9972	0.9496	0.8854	0.7897	0.5328	0.2744	0.0994	0.0216	0.0076	0.0020
	5	0.9997	0.9883	0.9657	0.9218	0.7535	0.5000	0.2465	0.0782	0.0343	0.0117
	6	1.0000	0.9980	0.9924	0.9784	0.9006	0.7256	0.4672	0.2103	0.1146	0.0504
	7	1.0000	0.9998	0.9988	0.9957	0.9707	0.8867	0.7037	0.4304	0.2867	0.1611
	8	1.0000	1.0000	0.9999	0.9994	0.9941	0.9673	0.8811	0.6873	0.5448	0.3826
12	9	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9993	0.9941	0.9698	0.8870	0.8029	0.6779
	10	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9995	0.9964	0.9802	0.9578	0.9141
	11	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
	0	0.2824	0.0687	0.0317	0.0138	0.0022	0.0002	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.6590	0.2749	0.1584	0.0850	0.0196	0.0032	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.8891	0.5583	0.3907	0.2528	0.0834	0.0193	0.0028	0.0002	0.0000	0.0000
	3	0.9744	0.7946	0.6488	0.4925	0.2253	0.0730	0.0153	0.0017	0.0004	0.0001
	4	0.9957	0.9274	0.8424	0.7237	0.4382	0.1938	0.0573	0.0095	0.0028	0.0006
	5	0.9995	0.9806	0.9456	0.8822	0.6652	0.3872	0.1582	0.0386	0.0143	0.0039
	6	0.9999	0.9961	0.9857	0.9614	0.8418	0.6128	0.3348	0.1178	0.0544	0.0194
	7	1.0000	0.9994	0.9972	0.9905	0.9427	0.8062	0.5618	0.2763	0.1576	0.0726
	8	1.0000	0.9999	0.9996	0.9983	0.9847	0.9270	0.7747	0.5075	0.3512	0.2054
	9	1.0000	1.0000	1.0000	0.9998	0.9972	0.9807	0.9166	0.7472	0.6093	0.4417
13	10	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9968	0.9804	0.9150	0.8416	0.7251
	11	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9998	0.9978	0.9862	0.9683	0.9313
	12	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
	0	0.2542	0.0550	0.0238	0.0097	0.0013	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.6213	0.2336	0.1267	0.0637	0.0126	0.0017	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.8661	0.5017	0.3326	0.2025	0.0579	0.0112	0.0013	0.0001	0.0000	0.0000
	3	0.9658	0.7473	0.5843	0.4206	0.1686	0.0461	0.0078	0.0007	0.0001	0.0000
	4	0.9935	0.9009	0.7940	0.6543	0.3530	0.1334	0.0321	0.0040	0.0010	0.0002
	5	0.9991	0.9700	0.9198	0.8346	0.5744	0.2905	0.0977	0.0182	0.0056	0.0012
	6	0.9999	0.9930	0.9757	0.9376	0.7712	0.5000	0.2288	0.0624	0.0243	0.0070
	7	1.0000	0.9988	0.9944	0.9818	0.9023	0.7095	0.4256	0.1654	0.0802	0.0300
	8	1.0000	0.9998	0.9990	0.9960	0.9679	0.8666	0.6470	0.3457	0.2060	0.0991
	9	1.0000	1.0000	0.9999	0.9993	0.9922	0.9539	0.8314	0.5794	0.4157	0.2527
14	10	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9987	0.9888	0.9421	0.7975	0.6674	0.4983
	11	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9983	0.9874	0.9363	0.8733	0.7664
	12	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9987	0.9903	0.9762	0.9450
	13	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000

n	d	P											
		0.1	0.2	0.25	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.75	0.8	0.9	
14	0	0.2288	0.0440	0.0178	0.0068	0.0008	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.5846	0.1979	0.1010	0.0475	0.0081	0.0009	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.8416	0.4481	0.2811	0.1608	0.0398	0.0065	0.0006	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.9559	0.6982	0.5213	0.3552	0.1243	0.0287	0.0039	0.0002	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	4	0.9908	0.8702	0.7415	0.5842	0.2793	0.0898	0.0175	0.0017	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000
	5	0.9985	0.9561	0.8883	0.7805	0.4859	0.2120	0.0583	0.0083	0.0022	0.0004	0.0000	0.0000
	6	0.9998	0.9884	0.9617	0.9067	0.6925	0.3953	0.1501	0.0315	0.0103	0.0024	0.0000	0.0000
	7	1.0000	0.9976	0.9897	0.9685	0.8499	0.6047	0.3075	0.0933	0.0383	0.0116	0.0002	0.0000
	8	1.0000	0.9996	0.9978	0.9917	0.9417	0.7880	0.5141	0.2195	0.1117	0.0439	0.0015	0.0000
	9	1.0000	1.0000	0.9997	0.9983	0.9825	0.9102	0.7207	0.4158	0.2585	0.1298	0.0092	0.0000
	10	1.0000	1.0000	1.0000	0.9998	0.9961	0.9713	0.8757	0.6448	0.4787	0.3018	0.0441	0.0000
	11	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9994	0.9935	0.9602	0.8392	0.7189	0.5519	0.1584	0.0000
	12	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9991	0.9919	0.9525	0.8990	0.8021	0.4154	0.0000
	13	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9992	0.9932	0.9822	0.9560	0.7712	0.0000
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
15	0	0.2059	0.0352	0.0134	0.0047	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.5490	0.1671	0.0802	0.0353	0.0052	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.8159	0.3980	0.2361	0.1268	0.0271	0.0037	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.9444	0.6482	0.4613	0.2969	0.0905	0.0176	0.0019	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	4	0.9873	0.8358	0.6865	0.5155	0.2173	0.0592	0.0093	0.0007	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
	5	0.9978	0.9389	0.8516	0.7216	0.4032	0.1509	0.0338	0.0037	-0.0008	0.0001	0.0000	0.0000
	6	0.9997	0.9819	0.9434	0.8689	0.6098	0.3036	0.0950	0.0152	0.0042	0.0008	0.0000	0.0000
	7	1.0000	0.9958	0.9827	0.9500	0.7869	0.5000	0.2131	0.0500	0.0173	0.0042	0.0000	0.0000
	8	1.0000	0.9992	0.9958	0.9848	0.9050	0.6964	0.3902	0.1311	0.0566	0.0181	0.0003	0.0000
	9	1.0000	0.9999	0.9992	0.9963	0.9662	0.8491	0.5968	0.2784	0.1484	0.0611	0.0022	0.0000
	10	1.0000	1.0000	0.9999	0.9993	0.9907	0.9408	0.7827	0.4845	0.3135	0.1642	0.0127	0.0000
	11	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9981	0.9824	0.9095	0.8392	0.7189	0.5519	0.1584	0.0000
	12	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9991	0.9919	0.9525	0.8990	0.8021	0.4154	0.0000
	13	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9992	0.9932	0.9822	0.9560	0.7712	0.0000
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9995	0.9953	0.9866	0.9648	0.7941	0.0000
	15	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
16	0	0.1853	0.0281	0.0100	0.0033	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.5147	0.1407	0.0635	0.0261	0.0033	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.7892	0.3518	0.1971	0.0994	0.0183	0.0021	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.9316	0.5981	0.4050	0.2459	0.0651	0.0106	0.0009	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	4	0.9830	0.7982	0.6302	0.4499	0.1666	0.0384	0.0049	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	5	0.9967	0.9183	0.8103	0.6598	0.3288	0.1051	0.0191	0.0016	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000
	6	0.9995	0.9733	0.9204	0.8247	0.5272	0.2272	0.0583	0.0071	0.0016	0.0002	0.0000	0.0000
	7	0.9999	0.9930	0.9729	0.9256	0.7151	0.4018	0.1423	0.0257	0.0075	0.0015	0.0000	0.0000
	8	1.0000	0.9985	0.9925	0.9743	0.8577	0.5982	0.2839	0.0744	0.0271	0.0070	0.0001	0.0000
	9	1.0000	0.9998	0.9984	0.9929	0.9417	0.7728	0.4728	0.1753	0.0796	0.0267	0.0005	0.0000
	10	1.0000	1.0000	0.9997	0.9984	0.9809	0.8949	0.6712	0.3402	0.1897	0.0817	0.0033	0.0000
	11	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9951	0.9616	0.8334	0.5501	0.3698	0.2018	0.0170	0.0000
	12	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9991	0.9894	0.9349	0.7541	0.5950	0.4019	0.0684	0.0000
	13	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9979	0.9817	0.9006	0.8029	0.6482	0.2108	0.0000
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9967	0.9739	0.9365	0.8593	0.4853	0.0000
	15	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9967	0.9900	0.9719	0.8147	0.0000
	16	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000

APPENDIX C: Tables of Distributions and Critical Values

377

n	d	P									
		0.1	0.2	0.25	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9
17	0	0.1668	0.0225	0.0075	0.0023	0.0002	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.4818	0.1182	0.0501	0.0193	0.0021	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.7618	0.3096	0.1637	0.0774	0.0223	0.0012	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.9174	0.5489	0.3530	0.2019	0.0464	0.0064	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000
	4	0.9779	0.7582	0.5739	0.3887	0.1260	0.0245	0.0025	0.0001	0.0000	0.0000
	5	0.9953	0.8943	0.7653	0.5968	0.2639	0.0717	0.0106	0.0007	0.0001	0.0000
	6	0.9992	0.9623	0.8929	0.7752	0.4478	0.1662	0.0348	0.0032	0.0006	0.0001
	7	0.9999	0.9891	0.9598	0.8954	0.6405	0.3145	0.0919	0.0127	0.0031	0.0005
	8	1.0000	0.9974	0.9876	0.9597	0.8011	0.5000	0.1989	0.0403	0.0124	0.0026
	9	1.0000	0.9995	0.9969	0.9873	0.9081	0.6855	0.3595	0.1046	0.0402	0.0109
	10	1.0000	0.9999	0.9994	0.9968	0.9652	0.8338	0.5522	0.2248	0.1071	0.0377
	11	1.0000	1.0000	0.9999	0.9993	0.9894	0.9283	0.7361	0.4032	0.2347	0.1057
	12	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9975	0.9755	0.8740	0.6113	0.4261	0.2418
	13	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9995	0.9936	0.9536	0.7981	0.6470	0.4511
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9988	0.9877	0.9226	0.8363	0.6904
	15	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9979	0.9807	0.9499	0.8818	0.5182
	16	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9998	0.9977	0.9925	0.9775	0.8332
	17	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
18	0	0.1501	0.0180	0.0056	0.0016	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.4503	0.0991	0.0395	0.0142	0.0013	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.7338	0.2713	0.1353	0.0600	0.0082	0.0007	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.9018	0.5010	0.3057	0.1646	0.0328	0.0038	0.0002	0.0000	0.0000	0.0000
	4	0.9718	0.7164	0.5187	0.3327	0.0942	0.0154	0.0013	0.0000	0.0000	0.0000
	5	0.9936	0.8671	0.7175	0.5344	0.2088	0.0481	0.0058	0.0003	0.0000	0.0000
	6	0.9988	0.9487	0.8610	0.7217	0.3743	0.1189	0.0203	0.0014	0.0002	0.0000
	7	0.9998	0.9837	0.9431	0.8593	0.5634	0.2403	0.0576	0.0061	0.0012	0.0002
	8	1.0000	0.9957	0.9807	0.9404	0.7368	0.4073	0.1347	0.0210	0.0054	0.0009
	9	1.0000	0.9991	0.9946	0.9790	0.8653	0.5927	0.2632	0.0596	0.0193	0.0043
	10	1.0000	0.9998	0.9988	0.9939	0.9424	0.7597	0.4366	0.1407	0.0569	0.0163
	11	1.0000	1.0000	0.9998	0.9986	0.9797	0.8811	0.6257	0.2783	0.1390	0.0513
	12	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9942	0.9519	0.7912	0.4656	0.2825	0.1329
	13	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9987	0.9846	0.9058	0.6673	0.4813	0.2836
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9998	0.9962	0.9672	0.8354	0.6943	0.4990
	15	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9993	0.9918	0.9400	0.8647	0.7287
	16	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9987	0.9858	0.9605	0.9009
	17	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.5497
	18	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.8499

n	d	<i>p</i>									
		0.1	0.2	0.25	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9
19	0	0.1351	0.0144	0.0042	0.0011	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.4203	0.0829	0.0310	0.0104	0.0008	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.7054	0.2369	0.1113	0.0462	0.0055	0.0004	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.8850	0.4551	0.2631	0.1332	0.0230	0.0022	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
	4	0.9648	0.6733	0.4654	0.2822	0.0696	0.0096	0.0006	0.0000	0.0000	0.0000
	5	0.9914	0.8369	0.6678	0.4739	0.1629	0.0318	0.0031	0.0001	0.0000	0.0000
	6	0.9983	0.9324	0.8251	0.6655	0.3081	0.0835	0.0116	0.0006	0.0001	0.0000
	7	0.9997	0.9767	0.9225	0.8180	0.4878	0.1796	0.0352	0.0028	0.0005	0.0000
	8	1.0000	0.9933	0.9713	0.9161	0.6675	0.3238	0.0885	0.0105	0.0023	0.0003
	9	1.0000	0.9984	0.9911	0.9674	0.8139	0.5000	0.1861	0.0326	0.0089	0.0016
	10	1.0000	0.9997	0.9977	0.9895	0.9115	0.6762	0.3325	0.0839	0.0287	0.0067
	11	1.0000	1.0000	0.9995	0.9972	0.9648	0.8204	0.5122	0.1820	0.0775	0.0233
	12	1.0000	1.0000	0.9999	0.9994	0.9884	0.9165	0.6919	0.3345	0.1749	0.0676
	13	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9969	0.9682	0.8371	0.5261	0.3322	0.1631
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9994	0.9904	0.9304	0.7178	0.5346	0.3267
	15	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9978	0.9770	0.8668	0.7369	0.5449
	16	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9996	0.9945	0.9538	0.8887	0.7631	0.2946
	17	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9992	0.9896	0.9690	0.9171	0.5797
	18	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9989	0.9958	0.9856	0.8649
	19	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
20	0	0.1216	0.0115	0.0032	0.0008	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.3917	0.0692	0.0243	0.0076	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.6769	0.2061	0.0913	0.0355	0.0036	0.0002	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.8670	0.4114	0.2252	0.1071	0.0160	0.0013	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	4	0.9568	0.6296	0.4148	0.2375	0.0510	0.0059	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000
	5	0.9887	0.8042	0.6172	0.4164	0.1256	0.0207	0.0016	0.0000	0.0000	0.0000
	6	0.9976	0.9133	0.7858	0.6080	0.2500	0.0577	0.0065	0.0003	0.0000	0.0000
	7	0.9996	0.9679	0.8982	0.7723	0.4159	0.1316	0.0210	0.0013	0.0002	0.0000
	8	0.9999	0.9900	0.9591	0.8867	0.5956	0.2517	0.0565	0.0051	0.0009	0.0001
	9	1.0000	0.9974	0.9861	0.9520	0.7553	0.4119	0.1275	0.0171	0.0039	0.0006
	10	1.0000	0.9994	0.9961	0.9829	0.8725	0.5881	0.2447	0.0480	0.0139	0.0026
	11	1.0000	0.9999	0.9991	0.9949	0.9435	0.7483	0.4044	0.1133	0.0409	0.0100
	12	1.0000	1.0000	0.9998	0.9987	0.9790	0.8684	0.5841	0.2277	0.1018	0.0321
	13	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9935	0.9423	0.7500	0.3920	0.2142	0.0867
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9984	0.9793	0.8744	0.5836	0.3828	0.1958
	15	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9941	0.9490	0.7625	0.5852	0.3704
	16	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9987	0.9840	0.8929	0.7748	0.5886
	17	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9998	0.9964	0.9645	0.9087	0.7939
	18	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9995	0.9924	0.9757	0.9308
	19	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9968	0.9885	0.8784
	20	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000

		$P(F_{v_1, v_2}) \leq 0.95$											
v_1	v_2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15
1	161.4	199.5	215.7	224.6	230.2	234.0	236.8	238.9	240.5	241.9	243.9	245.9	
2	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	19.37	19.38	19.40	19.41	19.43	
3	10.13	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.85	8.81	8.79	8.74	8.70	
4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00	5.96	5.91	5.86	
5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.77	4.74	4.68	4.62	
6	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.10	4.06	4.00	3.94	
7	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.73	3.68	3.64	3.57	3.51	
8	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39	3.35	3.28	3.22	
9	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14	3.07	3.01	
10	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98	2.91	2.85	
11	4.84	3.98	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90	2.85	2.79	2.72	
12	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80	2.75	2.69	2.62	
13	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03	2.92	2.83	2.77	2.71	2.67	2.60	2.53	
14	4.60	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.70	2.65	2.60	2.53	2.46	
15	4.54	3.68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59	2.54	2.48	2.40	
16	4.49	3.63	3.24	3.01	2.85	2.74	2.66	2.59	2.54	2.49	2.42	2.35	
17	4.45	3.59	3.20	2.96	2.81	2.70	2.61	2.55	2.49	2.45	2.38	2.31	
18	4.41	3.55	3.16	2.93	2.77	2.66	2.58	2.51	2.46	2.41	2.34	2.27	
19	4.38	3.52	3.13	2.90	2.74	2.63	2.54	2.48	2.42	2.38	2.31	2.23	
20	4.35	3.49	3.10	2.87	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39	2.35	2.28	2.20	
21	4.32	3.47	3.07	2.84	2.68	2.57	2.49	2.42	2.37	2.32	2.25	2.18	
22	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2.46	2.40	2.34	2.30	2.23	2.15	
23	4.28	3.42	3.03	2.80	2.64	2.53	2.44	2.37	2.32	2.27	2.20	2.13	
24	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.42	2.36	2.30	2.25	2.18	2.11	
25	4.24	3.39	2.99	2.76	2.60	2.49	2.40	2.34	2.28	2.24	2.16	2.09	
26	4.23	3.37	2.98	2.74	2.59	2.47	2.39	2.32	2.27	2.22	2.15	2.07	
27	4.21	3.35	2.96	2.73	2.57	2.46	2.37	2.31	2.25	2.20	2.13	2.06	
28	4.20	3.34	2.95	2.71	2.56	2.45	2.36	2.29	2.24	2.19	2.12	2.04	
29	4.18	3.33	2.93	2.70	2.55	2.43	2.35	2.28	2.22	2.18	2.10	2.03	
30	4.17	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.27	2.21	2.16	2.09	2.01	
40	4.08	3.23	2.84	2.61	2.45	2.34	2.25	2.18	2.12	2.08	2.00	1.92	
50	4.03	3.18	2.79	2.56	2.40	2.29	2.20	2.13	2.07	2.03	1.95	1.87	
60	4.00	3.15	2.76	2.53	2.37	2.25	2.17	2.10	2.04	1.99	1.92	1.84	
70	3.98	3.13	2.74	2.50	2.35	2.23	2.14	2.07	2.02	1.97	1.89	1.81	
80	3.96	3.11	2.72	2.49	2.33	2.21	2.13	2.06	2.00	1.95	1.88	1.79	
90	3.95	3.10	2.71	2.47	2.32	2.20	2.11	2.04	1.99	1.94	1.86	1.78	
100	3.94	3.09	2.70	2.46	2.31	2.19	2.10	2.03	1.97	1.93	1.85	1.77	
120	3.92	3.07	2.68	2.45	2.29	2.18	2.09	2.02	1.96	1.91	1.83	1.75	
150	3.90	3.06	2.66	2.43	2.27	2.16	2.07	2.00	1.94	1.89	1.82	1.73	
∞	3.84	3.00	2.60	2.37	2.21	2.10	2.01	1.94	1.88	1.83	1.75	1.67	

		$P(F_{v_1, v_2}) \leq 0.95$										
v_1	v_2	18	20	24	25	30	40	50	60	90	120	∞
1	247.3	248.0	249.1	249.3	250.1	251.1	251.8	252.2	252.9	253.3	254.3	
2	19.44	19.45	19.45	19.46	19.46	19.47	19.48	19.48	19.48	19.49	19.50	
3	8.67	8.66	8.64	8.63	8.62	8.59	8.58	8.57	8.56	8.55	8.53	
4	5.82	5.80	5.77	5.77	5.75	5.72	5.70	5.69	5.67	5.66	5.63	
5	4.58	4.56	4.53	4.52	4.50	4.46	4.44	4.43	4.41	4.40	4.37	
6	3.90	3.87	3.84	3.83	3.81	3.77	3.75	3.74	3.72	3.70	3.67	
7	3.47	3.44	3.41	3.40	3.38	3.34	3.32	3.30	3.28	3.27	3.23	
8	3.17	3.15	3.12	3.11	3.08	3.04	3.02	3.01	2.98	2.97	2.93	
9	2.96	2.94	2.90	2.89	2.86	2.83	2.80	2.79	2.76	2.75	2.71	
10	2.80	2.77	2.74	2.73	2.70	2.66	2.64	2.62	2.59	2.58	2.54	
11	2.67	2.65	2.61	2.60	2.57	2.53	2.51	2.49	2.46	2.45	2.40	
12	2.57	2.54	2.51	2.50	2.47	2.43	2.40	2.38	2.36	2.34	2.30	
13	2.48	2.46	2.42	2.41	2.38	2.34	2.31	2.30	2.27	2.25	2.21	
14	2.41	2.39	2.35	2.34	2.31	2.27	2.24	2.22	2.19	2.18	2.13	
15	2.35	2.33	2.29	2.28	2.25	2.20	2.18	2.16	2.13	2.11	2.07	
16	2.30	2.28	2.24	2.23	2.19	2.15	2.12	2.11	2.07	2.06	2.01	
17	2.26	2.23	2.19	2.18	2.15	2.10	2.08	2.06	2.03	2.01	1.96	
18	2.22	2.19	2.15	2.14	2.11	2.06	2.04	2.02	1.98	1.97	1.92	
19	2.18	2.16	2.11	2.11	2.07	2.03	2.00	1.98	1.95	1.93	1.88	
20	2.15	2.12	2.08	2.07	2.04	1.99	1.97	1.95	1.91	1.90	1.84	
21	2.12	2.10	2.05	2.05	2.01	1.96	1.94	1.92	1.88	1.87	1.81	
22	2.10	2.07	2.03	2.02	1.98	1.94	1.91	1.89	1.86	1.84	1.78	
23	2.08	2.05	2.01	2.00	1.96	1.91	1.88	1.86	1.83	1.81	1.76	
24	2.05	2.03	1.98	1.97	1.94	1.89	1.86	1.84	1.81	1.79	1.73	
25	2.04	2.01	1.96	1.96	1.92	1.87	1.84	1.82	1.79	1.77	1.71	
26	2.02	1.99	1.95	1.94	1.90	1.85	1.82	1.80	1.77	1.75	1.69	
27	2.00	1.97	1.93	1.92	1.88	1.84	1.81	1.79	1.75	1.73	1.67	
28	1.99	1.96	1.91	1.91	1.87	1.82	1.79	1.77	1.73	1.71	1.65	
29	1.97	1.94	1.90	1.89	1.85	1.81	1.77	1.75	1.72	1.70	1.64	
30	1.96	1.93	1.89	1.88	1.84	1.79	1.76	1.74	1.70	1.68	1.62	
40	1.87	1.84	1.79	1.78	1.74	1.69	1.66	1.64	1.60	1.58	1.51	
50	1.81	1.78	1.74	1.73	1.69	1.63	1.60	1.58	1.53	1.51	1.44	
60	1.78	1.75	1.70	1.69	1.65	1.59	1.56	1.53	1.49	1.47	1.39	
70	1.75	1.72	1.67	1.66	1.62	1.57	1.53	1.50	1.46	1.44	1.35	
80	1.73	1.70	1.65	1.64	1.60	1.54	1.51	1.48	1.44	1.41	1.32	
90	1.72	1.69	1.64	1.63	1.59	1.53	1.49	1.46	1.42	1.39	1.30	
100	1.71	1.68	1.63	1.62	1.57	1.51	1.48	1.45	1.40	1.38	1.28	
120	1.69	1.66	1.61	1.60	1.55	1.50	1.46	1.43	1.38	1.35	1.25	
150	1.67	1.64	1.59	1.58	1.54	1.48	1.44	1.41	1.36	1.33	1.22	
∞	1.60	1.57	1.52	1.51	1.46	1.39	1.35	1.32	1.26	1.22	1.00	

		$P(F_{v_1, v_2}) \leq 0.99$											
v_1	v_2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15
	1	4052	4999	5404	5624	5764	5859	5928	5981	6022	6056	6107	6157
	2	98.50	99.00	99.16	99.25	99.30	99.33	99.36	99.38	99.39	99.40	99.42	99.43
	3	34.12	30.82	29.46	28.71	28.24	27.91	27.67	27.49	27.34	27.23	27.05	26.87
	4	21.20	18.00	16.69	15.98	15.52	15.21	14.98	14.80	14.66	14.55	14.37	14.20
	5	16.26	13.27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46	10.29	10.16	10.05	9.89	9.72
	6	13.75	10.92	9.78	9.15	8.75	8.47	8.26	8.10	7.98	7.87	7.72	7.56
	7	12.25	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99	6.84	6.72	6.62	6.47	6.31
	8	11.26	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6.18	6.03	5.91	5.81	5.67	5.52
	9	10.56	8.02	6.99	6.42	6.06	5.80	5.61	5.47	5.35	5.26	5.11	4.96
	10	10.04	7.56	6.55	5.99	5.64	5.39	5.20	5.06	4.94	4.85	4.71	4.56
	11	9.65	7.21	6.22	5.67	5.32	5.07	4.89	4.74	4.63	4.54	4.40	4.25
	12	9.33	6.93	5.95	5.41	5.06	4.82	4.64	4.50	4.39	4.30	4.16	4.01
	13	9.07	6.70	5.74	5.21	4.86	4.62	4.44	4.30	4.19	4.10	3.96	3.82
	14	8.86	6.51	5.56	5.04	4.69	4.46	4.28	4.14	4.03	3.94	3.80	3.66
	15	8.68	6.36	5.42	4.89	4.56	4.32	4.14	4.00	3.89	3.80	3.67	3.52
	16	8.53	6.23	5.29	4.77	4.44	4.20	4.03	3.89	3.78	3.69	3.55	3.41
	17	8.40	6.11	5.19	4.67	4.34	4.10	3.93	3.79	3.68	3.59	3.46	3.31
	18	8.29	6.01	5.09	4.58	4.25	4.01	3.84	3.71	3.60	3.51	3.37	3.23
	19	8.18	5.93	5.01	4.50	4.17	3.94	3.77	3.63	3.52	3.43	3.30	3.15
	20	8.10	5.85	4.94	4.43	4.10	3.87	3.70	3.56	3.46	3.37	3.23	3.09
	21	8.02	5.78	4.87	4.37	4.04	3.81	3.64	3.51	3.40	3.31	3.17	3.03
	22	7.95	5.72	4.82	4.31	3.99	3.76	3.59	3.45	3.35	3.26	3.12	2.98
	23	7.88	5.66	4.76	4.26	3.94	3.71	3.54	3.41	3.30	3.21	3.07	2.93
	24	7.82	5.61	4.72	4.22	3.90	3.67	3.50	3.36	3.26	3.17	3.03	2.89
	25	7.77	5.57	4.68	4.18	3.85	3.63	3.46	3.32	3.22	3.13	2.99	2.85
	26	7.72	5.53	4.64	4.14	3.82	3.59	3.42	3.29	3.18	3.09	2.96	2.81
	27	7.68	5.49	4.60	4.11	3.78	3.56	3.39	3.26	3.15	3.06	2.93	2.78
	28	7.64	5.45	4.57	4.07	3.75	3.53	3.36	3.23	3.12	3.03	2.90	2.75
	29	7.60	5.42	4.54	4.04	3.73	3.50	3.33	3.20	3.09	3.00	2.87	2.73
	30	7.56	5.39	4.51	4.02	3.70	3.47	3.30	3.17	3.07	2.98	2.84	2.70
	40	7.31	5.18	4.31	3.83	3.51	3.29	3.12	2.99	2.89	2.80	2.66	2.52
	50	7.17	5.06	4.20	3.72	3.41	3.19	3.02	2.89	2.78	2.70	2.56	2.42
	60	7.08	4.98	4.13	3.65	3.34	3.12	2.95	2.82	2.72	2.63	2.50	2.35
	70	7.01	4.92	4.07	3.60	3.29	3.07	2.91	2.78	2.67	2.59	2.45	2.31
	80	6.96	4.88	4.04	3.56	3.26	3.04	2.87	2.74	2.64	2.55	2.42	2.27
	90	6.93	4.85	4.01	3.53	3.23	3.01	2.84	2.72	2.61	2.52	2.39	2.24
	100	6.90	4.82	3.98	3.51	3.21	2.99	2.82	2.69	2.59	2.50	2.37	2.22
	120	6.85	4.79	3.95	3.48	3.17	2.96	2.79	2.66	2.56	2.47	2.34	2.19
	150	6.81	4.75	3.91	3.45	3.14	2.92	2.76	2.63	2.53	2.44	2.31	2.16
	∞	6.64	4.61	3.78	3.32	3.02	2.80	2.64	2.51	2.41	2.32	2.18	2.04

APPENDIX C: Tables of Distributions and Critical Values

		$P(F_{v_1, v_2}) \leq 0.99$										
v_1	v_2	18	20	24	25	30	40	50	60	90	120	∞
1	6191	6209	6234	6240	6260	6286	6302	6313	6331	6340	6366	
2	99.44	99.45	99.46	99.46	99.47	99.48	99.48	99.48	99.49	99.49	99.49	99.50
3	26.75	26.69	26.60	26.58	26.50	26.41	26.35	26.32	26.25	26.22	26.13	
4	14.08	14.02	13.93	13.91	13.84	13.75	13.69	13.65	13.59	13.56	13.46	
5	9.61	9.55	9.47	9.45	9.38	9.29	9.24	9.20	9.14	9.11	9.02	
6	7.45	7.40	7.31	7.30	7.23	7.14	7.09	7.06	7.00	6.97	6.88	
7	6.21	6.16	6.07	6.06	5.99	5.91	5.86	5.82	5.77	5.74	5.65	
8	5.41	5.36	5.28	5.26	5.20	5.12	5.07	5.03	4.97	4.95	4.86	
9	4.86	4.81	4.73	4.71	4.65	4.57	4.52	4.48	4.43	4.40	4.31	
10	4.46	4.41	4.33	4.31	4.25	4.17	4.12	4.08	4.03	4.00	3.91	
11	4.15	4.10	4.02	4.01	3.94	3.86	3.81	3.78	3.72	3.69	3.60	
12	3.91	3.86	3.78	3.76	3.70	3.62	3.57	3.54	3.48	3.45	3.36	
13	3.72	3.66	3.59	3.57	3.51	3.43	3.38	3.34	3.28	3.25	3.17	
14	3.56	3.51	3.43	3.41	3.35	3.27	3.22	3.18	3.12	3.09	3.00	
15	3.42	3.37	3.29	3.28	3.21	3.13	3.08	3.05	2.99	2.96	2.87	
16	3.31	3.26	3.18	3.16	3.10	3.02	2.97	2.93	2.87	2.84	2.75	
17	3.21	3.16	3.08	3.07	3.00	2.92	2.87	2.83	2.78	2.75	2.65	
18	3.13	3.08	3.00	2.98	2.92	2.84	2.78	2.75	2.69	2.66	2.57	
19	3.05	3.00	2.92	2.91	2.84	2.76	2.71	2.67	2.61	2.58	2.49	
20	2.99	2.94	2.86	2.84	2.78	2.69	2.64	2.61	2.55	2.52	2.42	
21	2.93	2.88	2.80	2.79	2.72	2.64	2.58	2.55	2.49	2.46	2.36	
22	2.88	2.83	2.75	2.73	2.67	2.58	2.53	2.50	2.43	2.40	2.31	
23	2.83	2.78	2.70	2.69	2.62	2.54	2.48	2.45	2.39	2.35	2.26	
24	2.79	2.74	2.66	2.64	2.58	2.49	2.44	2.40	2.34	2.31	2.21	
25	2.75	2.70	2.62	2.60	2.54	2.45	2.40	2.36	2.30	2.27	2.17	
26	2.72	2.66	2.58	2.57	2.50	2.42	2.36	2.33	2.26	2.23	2.13	
27	2.68	2.63	2.55	2.54	2.47	2.38	2.33	2.29	2.23	2.20	2.10	
28	2.65	2.60	2.52	2.51	2.44	2.35	2.30	2.26	2.20	2.17	2.06	
29	2.63	2.57	2.49	2.48	2.41	2.33	2.27	2.23	2.17	2.14	2.03	
30	2.60	2.55	2.47	2.45	2.39	2.30	2.25	2.21	2.14	2.11	2.01	
40	2.42	2.37	2.29	2.27	2.20	2.11	2.06	2.02	1.95	1.92	1.80	1.68
50	2.32	2.27	2.18	2.17	2.10	2.01	1.95	1.91	1.84	1.80	1.73	1.60
60	2.25	2.20	2.12	2.10	2.03	1.94	1.88	1.84	1.76	1.73	1.54	
70	2.20	2.15	2.07	2.05	1.98	1.89	1.83	1.78	1.71	1.67	1.49	
80	2.17	2.12	2.03	2.01	1.94	1.85	1.79	1.75	1.67	1.63	1.49	
90	2.14	2.09	2.00	1.99	1.92	1.82	1.76	1.72	1.64	1.60	1.46	
100	2.12	2.07	1.98	1.97	1.89	1.80	1.74	1.69	1.61	1.57	1.43	
120	2.09	2.03	1.95	1.93	1.86	1.76	1.70	1.66	1.58	1.53	1.38	
150	2.06	2.00	1.92	1.90	1.83	1.73	1.66	1.62	1.54	1.49	1.33	
∞	1.93	1.88	1.79	1.77	1.70	1.59	1.52	1.47	1.38	1.32	1.00	