

UNIVERSITI SAINS MALAYSIA

Peperiksaan Semester Kedua
Sidang 1986/87

MAK115 - Kaedah Statistik I

Tarikh: 9 April 1987

Masa: 9.00 pagi - 11.00 t/hari
(2 Jam)

Jawab SEMUA soalan; semua soalan mesti dijawab dalam Bahasa Malaysia.

1. (a) Umur-umur kematian bagi 2500 orang yang mati di dalam sebuah bandaraya pada tahun lepas telah dikelaskan seperti di dalam jadual berikut:

Umur/tahun	<10	10-	20-	35-	50-	60-	70-	75-	80-
Bilangan kematian	320	157	132	160	185	563	557	274	152

- (i) Bina suatu histogram bagi jadual di atas.
(ii) Lukiskan suatu poligon kekerapan dan huraikan bentuknya.
(iii) Tentukan nilai median.

(40/100)

- (b) Hayat berguna suatu bateri diukur untuk satu sampel 100 bateri, dengan keputusan-keputusan berikut:

Bilangan jam (x)	90	95	100	105	110	115	120	125	130
Bilangan bateri (f)	2	17	30	21	15	9	3	2	1

Dengan menggunakan suatu kaedah pengkodan yang sesuai, tentukan min hayat bagi sampel itu dan sisihan piawainya.

(30/100)

(MAK115)

- (c) Kebarangkalian peristiwa-peristiwa A dan B diberikan seperti berikut:

$$P(A) = \frac{1}{2} \quad P(\bar{A}|B) = \frac{1}{3} \quad P(A \cup B) = \frac{3}{5}$$

Tentukan $P(B|\bar{A})$, $P(B \cap A)$ dan $P(A|\bar{B})$.

Katakan peristiwa-peristiwa C dan A tak bersandar dan

$$P(A \cap C) = \frac{1}{8}. \quad \text{Tentukan } P(C|\bar{A}).$$

Nyatakan bagi setiap kes sama ada

- (i) A dan B tak bersandar.
- (ii) A dan C adalah saling eksklusif.

(30/100)

2. (a) Panjang sejenis batang paip mempunyai taburan normal dengan min 10 meter dan sisihan piawai 0.1 meter. Cari kebarangkalian bahawa batang paip tersebut melebihi 10.02 meter.

49 batang paip ini disambungkan hujung ke hujung membentuk satu barisan. Cari kebarangkalian bahawa jumlah panjangnya melebihi 491 meter.

(40/100)

- (b) Kotak A mengandungi 6 biji guli putih dan 4 biji guli merah, manakala kotak B mengandungi 3 biji guli putih dan 6 biji guli merah. Sebuah kotak dipilih secara rawak dan sebiji guli diambil daripadanya. Guli ini diletakkan ke dalam kotak yang satu lagi dan selepas dicampurkan, dua biji guli diambil tanpa penggantian.

- (i) Lukiskan suatu gambarajah untuk menjawab soalan di bawah.
- (ii) Kirakan kebarangkalian bahawa kedua-dua biji guli itu mempunyai warna putih.
- (iii) Jika dua biji guli merah didapati pada cabutan yang kedua, apakah kebarangkalian bahawa guli yang pertama pun berwarna merah.

(60/100)

(MAK115)

3. (a) Sejenis suntikan untuk selsema diketahui bahawa ianya hanya 20% berkesan selepas tempoh 2 tahun. Untuk menentukan jika suatu suntikan baru adalah lebih berkesan, 20 orang dipilih secara rawak dan diberi suntikan baru. Jika 8 orang atau lebih yang diberikan suntikan baru ini tidak mendapat sebarang selsema melebihi tempoh 2 tahun, maka dianggapkan suntikan baru ini lebih baik.

- (i) Nyatakan hipotesis nul dan alternatif.
- (ii) Tentukan nilai $\alpha = P(\text{ralat jenis I})$.
- (iii) Jika sebenarnya suntikan baru itu adalah 50% berkesan, nilaikan $\beta = P(\text{ralat jenis II})$.

(50/100)

- (b) Di dalam suatu proses kimia, dua mangkin 1 dan 2 dipertimbangkan mengenai keberkesanannya ke atas output proses tersebut. Dua sampel telah diambil, satu dengan mangkin 1 dan sampel yang satu lagi dengan mangkin 2. Hasil daripada sampel adalah:

<u>Mangkin 1</u>	<u>Mangkin 2</u>
$n_1 = 8$	$n_2 = 10$
$\bar{y}_1 = 85$	$\bar{y}_2 = 81$
$s_1 = 4$	$s_2 = 5$

Cari suatu selang keyakinan 90% bagi perbezaan di antara min-min populasi. Berdasarkan selang keyakinan tadi berikan suatu kesimpulan. Anggapan apakah yang telah anda buat di sini?

(50/100)

4. (a) Suatu kajian dibuat untuk menentukan keberkesanan dua jenis ubat batuk. Keberkesanan ini diukur mengikut panjangnya waktu tidur tanpa terganggu oleh batuk. Enam orang yang batuk diberi ubat A pada malam pertama dan ubat B pada malam kedua. Bilangan jam waktu tidur setiap malam dicatatkan. Data berkenaan ialah

Ubat A	4.8	4.1	5.8	4.9	5.3	7.4
Ubat B	3.9	4.2	5.0	4.9	5.4	7.1

(MAK115)

Lakukan suatu ujian hipotesis untuk menentukan samada terdapat perbezaan di antara ubat A dan ubat B.

(60/100)

- (b) (i) Suatu kajian akan dijalankan untuk menentukan kadar bilangan orang yang menyokong penghapusan hukuman mati. Apakah saiz sampel yang perlu diambil jika kita menghendaki 94% pasti bahawa ralat anggaran kurang daripada 0.1?
- (ii) Satu sampel rawak diambil daripada suatu populasi normal dengan min μ dan varians 15. Jika $\bar{X}$ adalah min sampel, cari saiz sampel n supaya $\bar{X} \pm 0.3$ adalah selang keyakinan 96% bagi μ .

(40/100)

- ooo0ooo -

Jumlah Kebarangkalian Binomial $\sum_{x=0}^r b(x; n, p)$

		p									
n	r	0.10	0.20	0.25	0.30	0.40	0.50	0.60	0.70	0.80	0.90
5	0	0.5905	0.3277	0.2373	0.1681	0.0778	0.0312	0.0102	0.0024	0.0003	0.0000
	1	0.9185	0.7373	0.6328	0.5282	0.3370	0.1875	0.0870	0.0308	0.0067	0.0005
	2	0.9914	0.9421	0.8965	0.8369	0.6826	0.5000	0.3174	0.1631	0.0579	0.0086
	3	0.9995	0.9933	0.9844	0.9692	0.9130	0.8125	0.6630	0.4718	0.2627	0.0815
	4	1.0000	0.9997	0.9990	0.9976	0.9898	0.9688	0.9222	0.8319	0.6723	0.4095
	5	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
10	0	0.3487	0.1074	0.0563	0.0282	0.0060	0.0010	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.7361	0.3758	0.2440	0.1493	0.0464	0.0107	0.0017	0.0001	0.0000	0.0000
	2	0.9298	0.6778	0.5256	0.3828	0.1673	0.0547	0.0123	0.0016	0.0001	0.0000
	3	0.9872	0.8791	0.7759	0.6496	0.3823	0.1719	0.0548	0.0106	0.0009	0.0000
	4	0.9984	0.9672	0.9219	0.8497	0.6331	0.3770	0.1662	0.0474	0.0064	0.0002
	5	0.9999	0.9936	0.9803	0.9527	0.8338	0.6230	0.3669	0.1503	0.0328	0.0016
	6	1.0000	0.9991	0.9965	0.9894	0.9452	0.8281	0.6177	0.3504	0.1209	0.0128
	7	1.0000	0.9999	0.9996	0.9984	0.9877	0.9453	0.8327	0.6172	0.3222	0.0702
	8	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9983	0.9893	0.9536	0.8507	0.6242	0.2639
	9	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9990	0.9940	0.9718	0.8926	0.6513
	10	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
15	0	0.2059	0.0352	0.0134	0.0047	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.5490	0.1671	0.0802	0.0353	0.0052	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.8159	0.3980	0.2361	0.1268	0.0271	0.0037	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.9444	0.6482	0.4613	0.2969	0.0905	0.0176	0.0019	0.0001	0.0000	0.0000
	4	0.9873	0.8358	0.6865	0.5155	0.2173	0.0592	0.0094	0.0007	0.0000	0.0000
	5	0.9978	0.9389	0.8516	0.7216	0.4032	0.1509	0.0338	0.0037	0.0001	0.0000
	6	0.9997	0.9819	0.9434	0.8689	0.6098	0.3036	0.0951	0.0152	0.0008	0.0000
	7	1.0000	0.9958	0.9827	0.9500	0.7869	0.5000	0.2131	0.0500	0.0042	0.0000
	8	1.0000	0.9992	0.9958	0.9848	0.9050	0.6964	0.3902	0.1311	0.0181	0.0003
	9	1.0000	0.9999	0.9992	0.9963	0.9662	0.8491	0.5968	0.2784	0.0611	0.0023
	10	1.0000	1.0000	0.9999	0.9993	0.9907	0.9408	0.7827	0.4845	0.1642	0.0127
	11	1.0000	1.0000	1.0000	0.9999	0.9981	0.9824	0.9095	0.7031	0.3518	0.0556
	12	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9963	0.9729	0.8732	0.6020	0.1841
	13	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9995	0.9948	0.9647	0.8329	0.4510
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9995	0.9953	0.9648	0.7941
	15	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000
20	0	0.1216	0.0115	0.0032	0.0008	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	1	0.3917	0.0692	0.0243	0.0076	0.0005	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	2	0.6769	0.2061	0.0913	0.0355	0.0036	0.0002	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
	3	0.8670	0.4114	0.2252	0.1071	0.0160	0.0013	0.0001	0.0000	0.0000	0.0000
	4	0.9568	0.6296	0.4148	0.2375	0.0510	0.0059	0.0003	0.0000	0.0000	0.0000
	5	0.9887	0.8042	0.6172	0.4164	0.1256	0.0207	0.0016	0.0000	0.0000	0.0000
	6	0.9976	0.9133	0.7858	0.6080	0.2500	0.0577	0.0065	0.0003	0.0000	0.0000
	7	0.9996	0.9679	0.8982	0.7723	0.4159	0.1316	0.0210	0.0013	0.0000	0.0000
	8	0.9999	0.9900	0.9591	0.8867	0.5856	0.2517	0.0565	0.0051	0.0001	0.0000
	9	1.0000	0.9974	0.9861	0.9520	0.7553	0.4119	0.1275	0.0171	0.0006	0.0000
	10	1.0000	0.9994	0.9961	0.9829	0.8725	0.5881	0.2447	0.0480	0.0026	0.0000
	11	1.0000	0.9999	0.9991	0.9949	0.9435	0.7483	0.4044	0.1133	0.0100	0.0001
	12	1.0000	1.0000	0.9998	0.9987	0.9790	0.8684	0.5841	0.2277	0.0321	0.0004
	13	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9935	0.9423	0.7500	0.3920	0.0867	0.0024
	14	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9984	0.9793	0.8744	0.5836	0.1958	0.0113
	15	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9997	0.9941	0.9490	0.7625	0.3704	0.0432
	16	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9987	0.9840	0.8929	0.5886	0.1330
	17	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9998	0.9964	0.9645	0.7939	0.3231
	18	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9995	0.9924	0.9308	0.6083
	19	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	0.9992	0.9885	0.8784	0.6083
	20	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	1.0000

KEBARANGKALIAN NORMAL PIAWAI

z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
.0	.5000	.5040	.5080	.5120	.5160	.5199	.5239	.5279	.5319	.5359
.1	.5398	.5438	.5478	.5517	.5557	.5596	.5636	.5675	.5714	.5753
.2	.5793	.5832	.5871	.5910	.5948	.5987	.6026	.6064	.6103	.6141
.3	.6179	.6217	.6255	.6293	.6331	.6368	.6406	.6443	.6480	.6517
.4	.6554	.6591	.6628	.6664	.6700	.6736	.6772	.6808	.6844	.6879
.5	.6915	.6950	.6985	.7019	.7054	.7088	.7123	.7157	.7190	.7224
.6	.7257	.7291	.7324	.7357	.7389	.7422	.7454	.7486	.7517	.7549
.7	.7580	.7611	.7642	.7673	.7703	.7734	.7764	.7794	.7823	.7852
.8	.7881	.7910	.7939	.7967	.7995	.8023	.8051	.8078	.8106	.8133
.9	.8159	.8186	.8212	.8238	.8264	.8289	.8315	.8340	.8365	.8389
1.0	.8413	.8438	.8461	.8485	.8508	.8531	.8554	.8577	.8599	.8621
1.1	.8643	.8665	.8686	.8708	.8729	.8749	.8770	.8790	.8810	.8830
1.2	.8849	.8869	.8888	.8907	.8925	.8944	.8962	.8980	.8997	.9015
1.3	.9032	.9049	.9066	.9082	.9099	.9115	.9131	.9147	.9162	.9177
1.4	.9192	.9207	.9222	.9236	.9251	.9265	.9279	.9292	.9306	.9319
1.5	.9332	.9345	.9357	.9370	.9382	.9394	.9406	.9418	.9429	.9441
1.6	.9452	.9463	.9474	.9484	.9495	.9505	.9515	.9525	.9535	.9545
1.7	.9554	.9564	.9573	.9582	.9591	.9599	.9608	.9616	.9625	.9633
1.8	.9641	.9649	.9656	.9664	.9671	.9678	.9686	.9693	.9699	.9706
1.9	.9713	.9719	.9726	.9732	.9738	.9744	.9750	.9756	.9761	.9767
2.0	.9772	.9778	.9783	.9788	.9793	.9798	.9803	.9808	.9812	.9817
2.1	.9821	.9826	.9830	.9834	.9838	.9842	.9846	.9850	.9854	.9857
2.2	.9861	.9864	.9868	.9871	.9875	.9878	.9881	.9884	.9887	.9890
2.3	.9893	.9896	.9898	.9901	.9904	.9906	.9909	.9911	.9913	.9916
2.4	.9918	.9920	.9922	.9925	.9927	.9929	.9931	.9932	.9934	.9936
2.5	.9938	.9940	.9941	.9943	.9945	.9946	.9948	.9949	.9951	.9952
2.6	.9953	.9955	.9956	.9957	.9959	.9960	.9961	.9962	.9963	.9964
2.7	.9965	.9966	.9967	.9968	.9969	.9970	.9971	.9972	.9973	.9974
2.8	.9974	.9975	.9976	.9977	.9977	.9978	.9979	.9979	.9980	.9981
2.9	.9981	.9982	.9982	.9983	.9984	.9984	.9985	.9985	.9986	.9986
3.0	.9987	.9987	.9987	.9988	.9988	.9989	.9989	.9989	.9990	.9990
3.1	.9990	.9991	.9991	.9991	.9992	.9992	.9992	.9992	.9993	.9993
3.2	.9993	.9993	.9994	.9994	.9994	.9994	.9994	.9995	.9995	.9995
3.3	.9995	.9995	.9995	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9996	.9997
3.4	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9997	.9998
3.5	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998	.9998

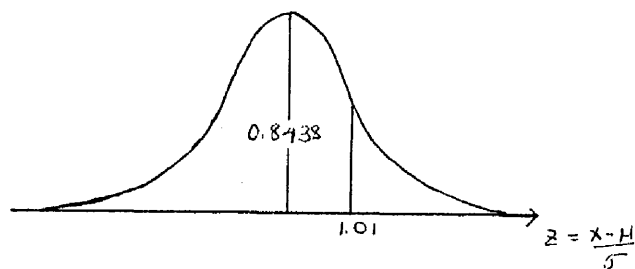


Table 7

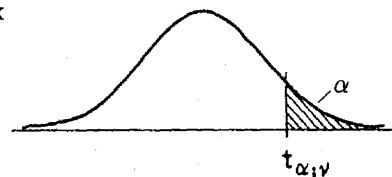
PERCENTAGE POINTS OF THE *t* DISTRIBUTION

The table gives the value of $t_{\alpha;\nu}$ — the 100α percentage point of the *t* distribution for ν degrees of freedom.

The values of *t* are obtained by solution of the equation:—

$$\alpha = \Gamma\{\frac{1}{2}(\nu+1)\} \{\Gamma(\frac{1}{2}\nu)\}^{-1} (\nu\pi)^{-1/2} \int_t^{\infty} (1+x^2/\nu)^{-(\nu+1)/2} dx$$

Note. The tabulation is for one tail only i.e. for positive values of *t*. For $|t|$ the column headings for α must be doubled.



$\alpha =$	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001	0.0005
$\nu = 1$	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	318.31	636.62
2	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	22.326	31.598
3	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	10.213	12.924
4	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	7.173	8.610
5	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	5.893	6.869
6	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.208	5.959
7	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	4.785	5.408
8	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	4.501	5.041
9	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.297	4.781
10	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.144	4.587
11	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.025	4.437
12	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	3.930	4.318
13	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	3.852	4.221
14	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	3.787	4.140
15	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	3.733	4.073
16	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	3.686	4.015
17	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.646	3.965
18	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.610	3.922
19	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.579	3.883
20	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.552	3.850
21	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.527	3.819
22	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.505	3.792
23	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.485	3.767
24	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.467	3.745
25	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.450	3.725
26	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.435	3.707
27	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.421	3.690
28	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.408	3.674
29	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.396	3.659
30	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.385	3.646
40	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.307	3.551
60	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.232	3.460
120	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617	3.160	3.373
∞	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	3.090	3.291

This table is taken from Table III of Fisher & Yates: Statistical Tables for Biological, Agricultural and Medical Research, published by Oliver & Boyd Ltd., Edinburgh, and by permission of the authors and publishers and also from Table 12 of Biometrika Tables for Statisticians, Volume 1, by permission of the Biometrika Trustees.